

	a feladat sorszáma	elért pontszám	összesen	maximális pontszám
I. rész			13	13
			14	14
			11	11
			13	13
			16	16
			16	16
II. rész			16	16
			16	16
			16	16
			16	16
			16	16
	MINDÖSSZESEN	115		

MATEMATIKA

EMELT SZINTŰ ÍRÁSBELI VIZSGA

2006. május 9. 8:00

Az írásbeli vizsga időtartama: 240 perc

Pótlapok száma	<input type="text"/>
Tisztázati	<input type="text"/>
Piszkozati	<input type="text"/>

ERETTSÉGI VIZSGA • 2006. május 9.

dátum _____ javító tanár _____

	a feladat sorozáma	elért pontszám	programba beírt pontszám
I. rész			
	II. rész		

dátum _____ javító tanár _____ jegyző _____

OKTATÁSI MINISZTERIUM

Az 5-9. feladatok közül tetszszerint választott négyet kell megoldania, a kihagyott feladat sorszámat írja be a 3. oldalon található üres négyzetbe!

- 9.** Az $ABCD'A'B'C'D'$ téglátestben úgy jelöltük a csúcsokat, hogy az $ABCD$ alaplapban egybevágó lapon az A' csúcsot az A -val, a B' csúcsot a B -vel, a C' csúcsot a C -vel, a D' csúcsot a D -vel kösse össze el. Tudjuk, hogy a DAD' szög 45° -os, a BAB' szög 60° -os.
- Mekkora a $B'AD'$ szög koszinusa?
 - Mekkora az $AB'A'D'$ tétraéder térfogata, ha a téglátest legrövidebb éle 10?
 - Mekkora az $AA'D'$ és az ABD' síkok Hajlászöge?

a)	6 pont	
b)	4 pont	
c)	6 pont	
Ö::	16 pont	



A feladatok megoldásához szöveges adatok tárolására és megjelenítésére nem alkalmas zsebszámológepét és bármilyen négyesjegyű függvénytáblázatot használhat, más elektronikus vagy írásos segédesszköz használata tilos!

A feladatok megoldásához alkalmazott gondolatmenet minden esetben írja le, mert a feladatra adható pontszám jelentős része erre jár!

Ügyeljen arra, hogy a lényegesebb részszámítások is nyomon követhetők legyenek!

A feladatok megoldásánál használt tételek közül az iskolában tanult, névvel ellátott tételeket (pl. Pitagorasz-tétel, magasság-tétel) nem kell pontosan megfogalmazza kimondania, elég csak a térel megnevezését említenie, de az alkalmazhatóságát röviden indokolnia kell. Egyéb térel(ek)re való hivatkozás csak akkor fogadható el teljes értékükönk, ha az állítást minden feltételével együtt pontosan mondja ki (bizonyítás nélkül), és az adott problémában az alkalmazhatóságát indokolja.

A feladatok végeredményét (a feltett kérdésre adandó válasz) szöveges megfogalmazásban is közölje!

A dolgozatot tollal írja, de az ábrákat ceruzával is rajzolhatja. Az ábrákon kívül ceruzával írt részeket a javító tanár nem értékelheti. Ha valamilyen megoldást vagy megoldásrészletet áthúz, akkor az nem értékelhető.

Minden feladatnál csak egyfélre megoldás értékelhető.

Kérjük, hogy a szürkített téglalapotba semmit ne írjon!

I.

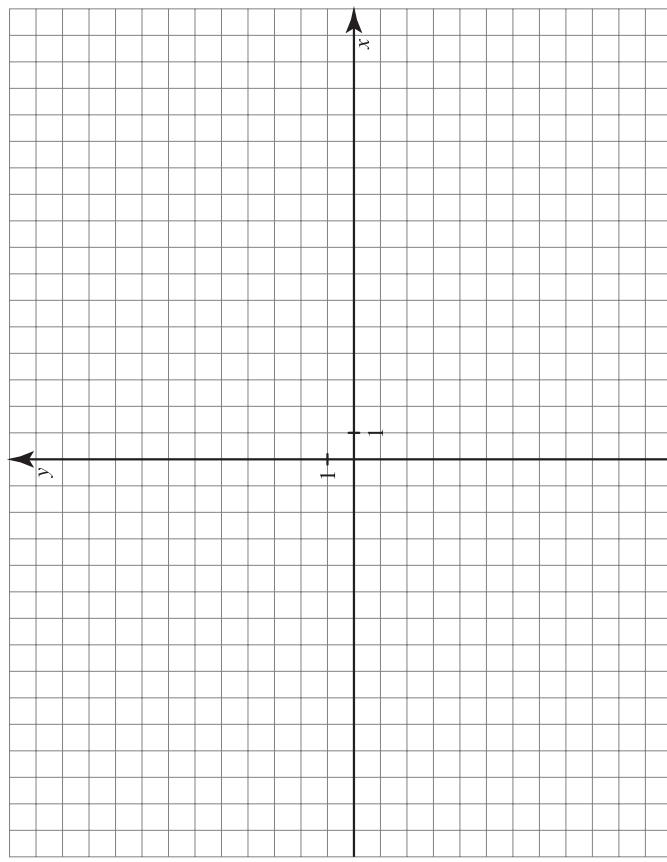
1. A $PQRS$ négyzög csúcsai: $P(3; -1)$, $Q(1; 3)$, $R(-6; 2)$ és $S(-5; -5)$.

Dönts el, hogy az alábbi három állítás közül melyik igaz és melyik hamis! Tegyen * jelet a táblázat megfelelő mezőibe! Válaszait indokolja, támassza alá számításokkal!

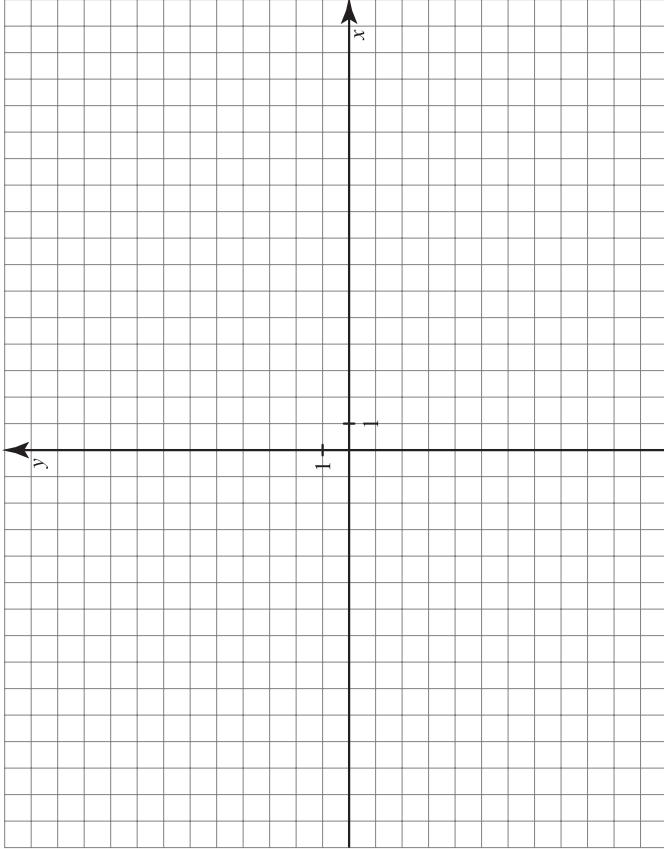
- a) A állítás: A $PQRS$ négyzögnek nincs területe.
 b) B állítás: A $PQRS$ négyzög húrnégyzög.
 c) C állítás: A $PQRS$ négyzögnek nincs szimmetriacentrum.

	igaz	hamis
A		
B		
C		

a)	4 pont	
b)	4 pont	
c)	5 pont	
Összesítés:	13 pont	



- 2.** Legyen adott az $f: [-2,5; 2,5] \rightarrow \mathbf{R}$, $f(x) = x^3 - 3x$ függvény.
- Határozza meg az f függvény zérushelyeit!
 - Vizsgálja meg az f függvény monotonitás szempontjáról!
 - Adja meg az f függvény legmagyobb és legkisebb értékét!



a)	4 pont	
b)	6 pont	
c)	4 pont	
Ö:	14 pont	

Az 5-9. feladatok közül tetszszerint választott négyet kell megoldania, a kihagyott feladat sorzámat írja be a 3. oldalon található üres négyzetbe!

8.

- a) Ábrázolja függvény-transzformáció segítségével a $[-3; 4]$ intervallumon az $x \mapsto x^2 - 2|x| - 3$ hozzárendelési szabályal megadott függvényt!
 b) Legyen az f , g és h függvények értelmezési tartománya a valós számok halmaza, hozzárendelési szabályuk: $f(x) = x^2 - 2x - 3$; $g(x) = x - 3$;
 $h(x) = |x|$.

Képezzünk egyszeresen összetett függvényeket a szokásos módon. Például

$$(g \circ f)(x) = g(f(x)) = (x^2 - 2x - 3) - 3 = x^2 - 2x - 6.$$

Készítse el – a fenti példának megfelelően – az f , g és h függvényekből pontosan két különböző felhasználásával képezhető egyszeresen összetett függvényeket!

Sorolja fel valamennyit!

(A $(g \circ f)(x)$ függvényt nem szükséges újra felírni.)

- c) Kereszen példát olyan p és t , a valós számok halmazán értelmezett függvényre, amelyre

$$(p \circ t)(x) = (t \circ p)(x).$$

Adja meg a p és a t függvény hozzárendelési szabályát!

a)	6 pont	
b)	6 pont	
c)	4 pont	
Ö:	16 pont	

3. Oldja meg az alábbi egyenletrendszert, ahol x és y valós számok!

$$\begin{cases} 10^y = x - 3 \\ \lg(x^2 - 4x + 3) = 2y + 1 \end{cases}$$

Ö:	11 pont	
----	---------	--

3. Oldja meg az alábbi egyenletrendszert, ahol x és y valós számok!

$$\begin{cases} 10^y = x - 3 \\ \lg(x^2 - 4x + 3) = 2y + 1 \end{cases}$$

Ö:	11 pont	
----	---------	--

Az 5-9. feladatok közül tetszés szerint választott négyet kell megoldania, a kihagyott feladat sorozmárt írja be a 3. oldalon található üres négyzetbe!

7. A világhírű GAMMA együttes magyarországi koncertkörútja során öt vidéki városban lépett fel. Az alábbi táblázat tartalmazza a kötött néhány üzleti adatát.

város	fizető nézők száma	egy jegy ára (Ft)	hevétel a jegyeladásból (ezer Ft)
Debrecen	12350		14820
Győr	8760		12264
Kecskemét		1600	22272
Miskolc	9970	1500	
Pécs		1300	15405

- a) A koncertturné során melyik városbanadták el a legtöbb jegyet?
 b) Mennyi volt az összes eladtott jegy átlagos ára?

Bea elment Budapestre a GAMMA együttes koncertjére, és becslése szerint ott 50 000 ember hallgatta a zenét. Peti Prágában volt ott az együttes koncertjén, ahol a nézők számait 60 000 fölé becsülte. A GAMMA együttes menedzserje, aki ismerte a tényleges nézőszámokat, elárulta, hogy:

- Budapesten a tényleges nézőszám nem tér el 10 %-nál többel a Bea által adott becsléstől.
- Peti becslése nem tér el 10 %-nál többel a tényleges prágai nézőszámról.

- c) Mekkora a budapesti nézőszám és a prágai nézőszám közötti eltérés lehetőséges legnagyobb értéke, a kerekítés szabályainak megfelelően ezer fölé kerekítve?
 d) A fenti adatok ismeretében előfordulhat-e, hogy Budapesten és Prágában ugyanannyi ember volt a GAMMA együttes koncertjén?

a)	3 pont	
b)	4 pont	
c)	6 pont	
d)	3 pont	
Ö:	16 pont	

4.

- a) Legyen (a_n) egy mértani sorozat, melynek első tagja 5, hányadosa 3. Mennyi a valószínűsége, hogy ha ennek a mértani sorozatnak az első 110 tagjából egyet véletlenszerűen kiválasztunk, akkor a kiválasztott tag 11-gyel osztva 1 maradékot ad?
- b) Legyen (b_n) egy számtani sorozat, amelynek az első tagja 5, és a differenciája 3. Mekkorá a valószínűsége, hogy ha ennek a számtani sorozatnak az első 110 tagjából egyet véletlenszerűen kiválasztunk, akkor a kiválasztott tag 11-gyel osztva 1 maradékot ad?

a)	6 pont
b)	7 pont
Ö:	13 pont

Az 5-9. feladatok közül tetszszerint választott négyet kell megoldania, a kihagyott feladat sorszámat írja be a 3. oldalon található üres négyzetbe!

- 6.** Egy közvélemény-kutató intézet felméréséből kiderült, hogy a fehnőttek 4%-a szintéveszi. Véletlenszerűen kiválasztunk 8 fehnőttet abból a népességből, melyre ez a felmérés vonatkozott. Mekkorá a valószínűsége, hogy közöttük pontosan két személy szintéveszi?
- legalább két személy szintéveszi?
 - két valószínűség értékét ezred pontossággal adja meg!

Ebben az intézetben 8 férfi és 9 nő dolgozik főállásban. Egy megheszélés előtt, amikor csak ez a 17 főállású kutató jelent meg, a különböző nemű kutatók között 45 kézfogás történt. Tudjuk, hogy minden nő pontosan 5 férfival fogott kezet, és nincs két nő, aki pontosan ugyanazzal az öttel.

- Lehetőséges-e, hogy volt két olyan férfi is, aki senkivel sem fogott kezet?

a)	3 pont	
b)	8 pont	
c)	5 pont	
Ö:	16 pont	

II.

Az 5-9. feladatok közül tetszés szerint választott négyet kell megoldania, a kihagyott feladat sorszámát írja be a 3. oldalon található üres négyzetbe!

- 5.** Panni és Kati elvállalta, hogy szövegszerkesztővel legépítik Dani szakdolgozatát. A két lány együttes munkájával 12 munkaóra alatt végezne a gépelést. Kedden reggel 8 órakor kezdett Panni a munkához, Kati 10 órakor fogott hozzá. Megállás nélkül, ki-kí egyenletes sebességgel dolgozott kedden 14 óráig, ekkor a kéziratnak a 40%-ával végeztek, és abba haladtak a munkát.
- Hány óra alatt gépelné le Panni, illetve Kati a teljes szakdolgozatot (állandó munkatempót, és megszakítás nélküli munkát feltételezve)?

Szérdán reggel egyszerre kezdték hozzá 9 órakor a gépeléshez, és együtt egyszerre fejezték be. Szérdán Panni fél óra ebédszünetet tartott, Kati pedig a délelőtti munkáját egy órányi időtartamra megszakította.

- Hány órakor végeztek a lányok a munkával szérdán?

a)	9 pont	
b)	7 pont	
Ö:	16 pont	