

MATEMATIKA

EMELT SZINTŰ ÍRÁSBELI ÉRETTSÉGI VIZSGA

ÉRETTSÉGI VIZSGA • 2006. május 9.

JAVÍTÁSI-ÉRTÉKELÉSI ÚTMUTATÓ

OKTATÁSI MINISZTERIUM

Fontos tudnivalók

Formai előírások:

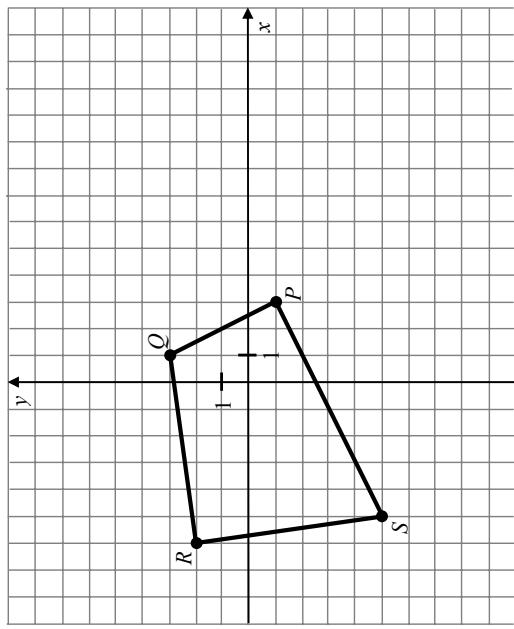
- A dolgozatot a vizsgázó által használt szinűtől eltérő szinű tollal kell javítani, és a tanári gyakorlatnak megfelelően jelölni a hibákat, hiányokat stb.
- A feladatok mellett található szürke téglalapok közül az elsőben a feladatra adható maximális pontszám van, a javító által adott pontszám a mellette levő téglalapba kerül.
- **Kifogástalan megoldás** esetén elég a maximális pontszám beírása a megfelelő téglalapokba.
- Hiányos/hibás megoldás esetén kérjük, hogy az egyes részponszámokat is írja rá a dolgozatra.

Tartalmi kérések:

- Egyes feladatoknál több megoldás pontozását is megadtuk. Amennyiben azoktól eltérő megoldás születik, keresse meg ezen megoldásoknak az útmutató egyes részleteivel egyenértékű részeit, és ennek alapján pontozzon.
- A pontozási útmutató pontjai tovább **bonthatók**. Az adható pontszámok azonban csak egész pontok lehetnek.
- Nyilvánvalóan helyes gondolatmenet és végeredmény esetén maximális pontszám adható akkor is, ha a leírás az útmutatóban szereplőnél kevésbé részletezett.
- Ha a megoldásban **számolási hiba**, pontatlanság van, akkor csak arra a részre nem jár pont, ahol a tanuló a hibát elkövette. Ha a hibás részeredménnyel helyes gondolatmenet alapján tovább dolgozik, és a megoldandó problema lényegében nem változik meg, akkor a következő részponszamokat meg kell adni.
- **Eltérő hibát** követően egy gondolati egységen belül (ezeket az útmutatóban kettős vonal jelzi) a formálisan helyes matematikai lépésekre sem jár pont. Ha azonban a tanuló az elvi hibával kapott rossz eredményt, mint kiinduló adattal helyesen számolt tovább a következő gondolatot egységeiben vagy részkérésben, akkor erre a részre kapja meg a maximális pontot, ha a megoldando problema lényegében nem változik meg.
- Ha a megoldási útmutatóban zároljelben szerepel egy **mértékegység**, akkor ennek hiány esetén is teljes értékű a megoldás.
- Egy feladatra adott többfélé megholdási próbálkozás közül **csak egy** (a magasabb pontszami) értékkelhető.
- A megoldásokról **jutalompont** (az adott feladatra vagy feladatrészre előírt maximális pontszamot meghaladó pont) **nem adható**.
- Az olyan részszámításokról, részlépésekéről **nem jár pontlevonás**, melyek hibásak, de amelyeket a feladat megoldásához a vizsgázó ténylegesen nem használ fel.
- **A vizsgafeladatsor II. részében kitűzött 5 feladat közül csak 4 feladat megoldása értékkelhető.** A vizsgázó az erre a célra szolgáló négyzetben – feltételezőleg – megjelölte annak a feladatnak a sorszámát, amelynek értékkelése nem fog beszámítani az összpontszámába. Ennek megfelelően a megjelölt feladatra esetlegesen adott megoldási nem is kell javítani. Ha mégsem derül ki egyértelműen, hogy a vizsgázó melyik feladat értékkelését nem kéri, akkor automatikusan a kitüztött sorrend szerinti legutolsó feladat lesz az, amelyet nem kell értékelni.

I.

1.



	igaz	hamis
A	*	
B	*	
C	*	

Ha a vizsgázó egy állítás betűje mellé minden két mezőbe tesz jelet, akkor arra nem jár pont, ha csak a szöveges magyarázatban nem fogalmazza meg a helyes választ.

1.a)

Az A állítás **hamis**, mert van a néyszögek derékszöge.

Például az SRO szög, mert $\overrightarrow{RQ}(7; 1)$ és $\overrightarrow{RS}(1; -7)$,

ezért $\overrightarrow{RQ} \cdot \overrightarrow{RS} = 0$, és így a néyszög R -nél levő szöge derékszög.

Összesen: **4 pont**

1. b)

A B állítás igaz, mert a $PQRS$ négyzögben az R csúccsal szemközti P csúcsnál lévő szög is derékszög.	1 pont	A' táblázatban jelölt jó válaszért jár az 1 pont.
ugyanis $\overrightarrow{PQ}(-2; 4)$ és $\overrightarrow{PS}(-8; -4)$, ezért $\overrightarrow{PQ} \cdot \overrightarrow{PS} = 0$.	1 pont	
Így a $PQRS$ négyzög szemközti szögeinek összege 180° (a hárnyegszög tételenek megfordítása miatt), tehát a négyzög hárnyegszög.	1 pont	
Összesen:	4 pont	

1. c)

A C állítás igaz, Mert ha lenne a négyzögnek szimmetriacentruma, akkor a $PQRS$ négyzög paraleogramma lenne. Ehhez például az kellene, hogy az $\overrightarrow{RQ}(7; 1)$ és a $\overrightarrow{PS}(-8; -4)$ vektorok ellenfelei vektorok legyenek. Ez csakis úgy teljesülne, ha az egyik oldalvektor koordinátái -1 -szeresei a másik vektor koordinátáinak. Ez viszont nem teljesül.	2 pont	A' táblázatban jelölt jó válaszért jár az 1 pont.
Összesen:	5 pont	

9. b)

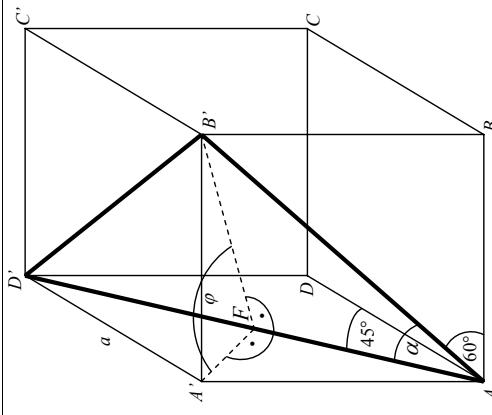
Mivel az $AB'A'D'$ tetraédert úgy kaptuk, hogy a téglatest A' csúcsemba befutó három (egymásra merőleges) élénk véspontjait összekötöttük ezzel az A' csúccsal, a tetraéder térfogatát megkaphatjuk, ha az $AA'D'$ lapot tekintjük a tetraéder alaplapjának és az erre a lapra merőleges $A'B'$ élét a tetraéder magasságának.	1 pont	<i>Heheyes számoldás által tükrözött jó gondolatmenet esetén is jár az 1 pont.</i>
$T_{AA'D'} = \frac{AA' \cdot A'D'}{2} = \frac{a \cdot a}{2} = \frac{a^2}{2}$;		
$m = A'B' = \frac{a}{\sqrt{3}}$; innen		

$T_{AA'D'} = \frac{AA' \cdot A'D'}{2} = \frac{a \cdot a}{2} = \frac{a^2}{2}$;		
$m = A'B' = \frac{a}{\sqrt{3}}$; innen		
$V = \frac{T_{AA'D'} \cdot A'B'}{3} = \frac{1}{3} \cdot \frac{a^2}{2} \cdot \frac{a}{\sqrt{3}} = \frac{a^3 \cdot \sqrt{3}}{18}$.	1 pont	
A téglatest (négyzetes oszlop) legnagyobb éle AB ($=A'B') = \frac{a}{\sqrt{3}} = 10, innen a = 10\sqrt{3}.Ez az értékét a térfogat képletében az a helyére írva V = 500 adódik.Az AB'A'D' tetraédert térfogata 500 (térfogateszt).$	1 pont	

9. c)

Az $AB'A'D'$ tétraéder AD' élére illeszkedő két lапia egyenlő száű háromszög a közös AD' alapon, ezért a metszés vonalon az F pont legyen az AD' el felezőpontja. Ekkor $\varphi = A'FB_{\frac{1}{2}}$.	1 pont	Két sík hajlászögének jó értelmezésiért (akkár ábrán is) 1 pont jár.
A $B'A'F$ háromszög A' -ben derékszögű, mert az $A'B'$ él a tetraéder magassága, ezért merőleges az $AA'D'$ alaplap minden egyenesére, így az $A'F$ -re is.	1 pont	
$A'B' = \frac{a}{\sqrt{3}}$;		

Az $AA'D'$ egyenlő száű derékszögű háromszögben az $A'F$ magasság az AD' átfogó felével egyenlő, vagyis $A'F = \frac{AD'}{2} = \frac{a \cdot \sqrt{2}}{2} (= \frac{a}{\sqrt{2}})$.	1 pont	
$\operatorname{tg} \varphi = \frac{A'B'}{A'F} = \frac{\frac{a}{\sqrt{3}}}{\frac{a}{\sqrt{2}}} = \sqrt{\frac{2}{3}} (= 0,8165)$.	1 pont	
Innen $\varphi \approx 39,23^\circ$.	2 pont	
Összesen:	6 pont	

9. a)

Áttekinthető ábra az adatok feltüntetésével.

2 pont
Ha a feladatot helyesen,
de hiányos ábrával oldja
meg, akkor is jár a
2 pont.

Jelöljük a téglalast AD élénél hosszat a -val!

Mivel a $D'DA$ háromszög egyenlő szárú derékszögű
háromszög:

$$DA = DD' = a \text{ és } AD' = a\sqrt{2}.$$

A téglalatnak tehát 8 db éle a hosszúságú
(négyzetes oszlop).

Az ABB' derékszögű háromszög oldalai rendre:

$$BB' = a; AB = \frac{a}{\sqrt{3}}; AB' = \frac{2a}{\sqrt{3}}.$$

A téglalat $A'B'$ élére illeszkedő két lapja
egybevágó, ezért

$$AB' = B'D' = \frac{2a}{\sqrt{3}}.$$

Az $AB'D'$ háromszög egyenlő szárú.

A keresett $B'AD'$ $\leftarrow\rightleftharpoons$ α az alapon felvő egyik szög,
ennek koszinuszát például a koszinusz függvénytel a
 $B'FA$ derékszögű háromszögöből (F pont az AD' alap
felezőpontja), vagy az $AB'D'$ háromszögből
koszinusz-jelével számíthatjuk ki:
 $\cos \alpha = \frac{\sqrt{6}}{4}$ ($\approx 0,6124$).

Összesen: 6 pont

2. b)

Az f a teljes értelmezési tartományának belső pontjaiban differenciálható függvény, ezért a monotonitás megállapítása és a szélsőértékek meghatározása az első derivált előjelvizsgálatával történhet.

$$f'(x) = 3x^2 - 3.$$

Az első derivált értéke nulla, ha
 $x = -1$ vagy $x = 1$.

Ezek az x értékek az értelmezési tartomány elemei. Készítünk táblázatot az f' előjelviszonyai alapján az f menetének meghatározásához.

x	$-2,5 < x < -1$	$x = -1$	$-1 < x < 1$	$x = 1$	$1 < x < 2,5$
f'	pozitív	0	negatív	0	pozitív
f	növekvő	$f(-1) = 2$	csökkenő	$f(1) = -2$	növekvő

Megadható a 3 pont
akkor is,
– ha habás, de két
zérushellyel rendelkező
deriváltfüggvénytel dol-
gozik helyesen,
– ha a szükitett
értelmezési tartományt
nem veszi figyelembe.

A monotonitás megállapítása a táblázat helyes
kitöltése alapján.

Összesen: 6 pont
Ha a vizsgázó pontonként ábrázolás után a grafikonról jól leolvassa a függvény menetét,
táblázatírái járó 3 pontból 1 pontot kapjon.
Ha az ábrázolásnál hivatkozik a függvény folytonosságára, további 1 pont jár.

2. c)

Az f helyi maximumot vesz fel az $x = -1$ helyen,
a helyi maximum értéke $f(-1) = 2$.

Az f helyi minimumot vesz fel az $x = 1$ helyen, a
helyi minimum értéke $f(1) = -2$.

Mivel $f(-2,5) = -8,125$,
a legkisebb függvényérték $-8,125$.
Mivel $f(2,5) = 8,125$, ezért a legnagyobb
függvényérték $8,125$.

Összesen: 4 pont

3. első megoldásAz első egyenlet alapján y tetszőleges és $x > 3$.

1 pont*

A második alapján y tetszőleges és $x > 3$ vagy $x < 1$.

1 pont*

Az egyenletrendszer gyökeit tehet az $y \in \mathbf{R}$ és $x > 3$

feltétel mellett keresniük.

Ekkor az első egyenletből $y = \lg(x-3)$.

1 pont

Amit a második egyenlet jobb oldalán y helyére írva $\lg(x^2 - 4x + 3) = 2\lg(x-3) + \lg 10$,azaz $\lg(x^2 - 4x + 3) = \lg 10(x-3)^2$.

1 pont

A logaritmusfüggvény monotonitása miatt

 $(x^2 - 4x + 3) = 10(x-3)^2$.

1 pont

A bal oldali szorzattá alakítva

 $(x-3)(x-1) = 10(x-3)^2$,Mivel $x > 3$, ezért $-9x + 29 = 0$,innen $x = \frac{29}{9} (= 3,2)$ és $y = \lg \frac{2}{9} (\approx -0,653)$.

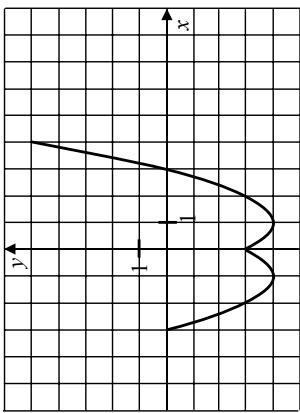
1 pont

Az egyenletrendszer megoldása: $x = \frac{29}{9}$ és $y = \lg \frac{2}{9}$.

1 pont

Összesen: **11 pont***Ha csak mechanikusan oszt minden oldalon $x-3$ -mal, s azért kapja meg a jó megoldást, mert a másik az nem lehet, akkor legfeljebb 8 pontot kapjon.***8. c)**

Egy egyszerű példa: $p(x) = x + c$ és $t(x) = x - c$ (ahol c nullától különböző konstans)	1 pont
$(p \circ t)(x) = (x + c) - c = x$	1 pont
$(t \circ p)(x) = (x - c) + c = x$	1 pont
Tehát $(p \circ t)(x) = (t \circ p)(x)$.	1 pont
Összesen: 4 pont	<i>Ha a függvénykonstrukció helyes, de értelmezési tartományokra nem gondolt, legfeljebb 3 pont adható.</i>

8. a)

$$x \mapsto \begin{cases} x^2 - 2x - 3, & \text{ha } x \geq 0 \\ x^2 + 2x - 3, & \text{ha } x < 0 \end{cases}$$

1 pont

$$x \mapsto \begin{cases} (x-1)^2 - 4, & \text{ha } x \geq 0 \\ (x+1)^2 - 4, & \text{ha } x < 0 \end{cases}$$

1 pont

A grafikon két összetevőjének ábrázolása
transzformációval.

*Ez a 2 pont nem jár, ha
pontonként ábrázol.*

*I pont az összetevők
hejres összetevőihez, I
pont az értelmezési
tartomány*

Összesen: 6 pont

3. második megoldás

Ha a második egyenletből indulunk, akkor felhasználva, hogy csak pozitív számnak van logaritmus, a másodfokú ki fejezés pozitív. Ez a két gyök között nem teljesül, így a feltétel: $x > 3$ vagy $x < 1$, és y tetszőleges valós szám.

$$\text{Az egyenlet pedig } x^2 - 4x + 3 = 10 \cdot 10^{2y}.$$

$$\text{Az első egyenlet négyzete } 10^{2y} = (x-3)^2.$$

A kettői egyenletek kapjuk, hogy:
 $10(x-3)^2 = x^2 - 4x + 3$,

$$\text{rendezve: } 9x^2 - 56x + 87 = 0.$$

$$\text{Ennek gyökei: } 3 \text{ és } \frac{29}{9}.$$

A 3 nem ad megoldást.

$$\text{Az } x = \frac{29}{9} \text{ értékét az első egyenlethe helyettesítve
kapjuk, hogy } y = \lg \frac{2}{9}.$$

$$\text{Az egyenletrendszer megoldása: } x = \frac{29}{9} \text{ és } y = \lg \frac{2}{9}.$$

Összesen: 11 pont

1. A *gal jelölt pontok járnak akkor is mindenki megoldásban, ha a vizsgázó az egynélküli történő behelyettesítéssel ellenőriz (egyenlétének általánosított formájára).

2. Nem adható az ellenőrzésért pont, ha a hamis vagy a rossz gyököt nem szűri ki a behelyettesítéssel.

Soroljuk fel a 2 különböző függvényből
képezhetőket!

A $(g \circ f)$ -et megadtuk.
A továbbiak:

$$(f \circ g)(x) = f(g(x)) = (x-3)^2 - 2(x-3) - 3 = \\ = x^2 - 8x + 12.$$

1 pont

$$(h \circ f)(x) = h(f(x)) = |x^2 - 2x - 3|.$$

1 pont

$$(f \circ h)(x) = f(h(x)) = |x|^2 - 2|x| - 3 = x^2 - 2|x| - 3.$$

1 pont

$$(g \circ h)(x) = g(h(x)) = |x|-3.$$

1 pont

$$(h \circ g)(x) = h(g(x)) = |x-3|.$$

Összesen: 6 pont

4. a) első megoldás

Az első sorozatban az első tagtól kezdve felírjuk a tagok 11-gyel való osztás maradékát: 5; 4; 1; 3; 9; 5; ...	1 pont
A maradékok ciklikusan ismétlődnek (hiszen minden 3-nal szorunk)	1 pont
Tehát minden ötöös ciklusban az 1-es maradék egyszer fordul elő.	1 pont
A 110. tagig 22 ciklus van.	1 pont
Tehát $\frac{22}{110} (= 0,2)$ a kérdezett valószínűség	2 pont
Összesen: 6 pont	

4. a) második megoldás

Az első sorozatban az első tagtól kezdve felírjuk a tagok 11-gyel való osztás maradékát: 5; 4; 1; 3; 9; 5; ...	1 pont
A maradékok ciklikusan ismétlődnek (hiszen minden 3-nal szorunk)	1 pont
Minden ötödik tag 1-es maradékot ad,	2 pont
tehát a valószínűség $\frac{1}{5}$.	2 pont
Összesen: 6 pont	

4. b)

A számítaná sorozatban az első tagtól kezdve felírjuk a tagok 11-gyel való osztás maradékát: 5; 8; 0; 3; 6; 9; 1; 4; 7; 10; 2;	1 pont
Ettől kezdve ismétlődik: 5; 8; 0; ...	1 pont
tehát 11 a ciklusszám.	1 pont
Egy ciklusban egy kedvező eset van.	1 pont
Mivel 10 ciklus van a 110. tagig, és minden ciklusban egy darab 1-es van, így a keresett valószínűség: $\frac{10}{110} = \frac{1}{11}$.	2 pont
Összesen: 7 pont	

7. b)

Az öt városban összesen 56850 fizető néző volt. Miskolcon a jegyeladásból 14955 ezer Ft bevétel származott.	1 pont
Az öt városban az összes bevétel 79716 ezer Ft volt.	1 pont
Az átlagos jegyár $\frac{79716000}{56850}$, azaz 1402 Ft volt.	1 pont
Összesen: 4 pont	

7. c)

Bea becslése: 50000 fő, ennek 10%-a 5000 fő. Ha a tényleges nézőszám Budapesten b , ekkor (1) $45000 \leq b \leq 55000$.	1 pont
Peti becslése 60000 fő, ha a tényleges nézőszám Prágában p , ennek 10%-a $0,1p$, ekkor (2) $0,9p \leq 60000 \leq 1,1p$. Innen (3) $54546 \leq p \leq 66666$.	1 pont
A legnagyobb eltérés akkor van a két nézőszám között, ha $b = 45000$ és $p = 66666$. Ekkor az eltérés $p - b = 21666$ fő.	1 pont
A nézőszámok közötti lehetséges legnagyobb eltérés ezresekre kerekített értéke 22 ezer fő.	1 pont
Összesen: 6 pont	Ha nyilíti intervallumokkal dolgozik, akkor csak 1 pontot veszítenek.

7. d)

A b -re kapott (1) és a p -re kapott (3) reláció miatt az azonos b és p értékeitet a [45000; 55000] és az [54546; 66666] intervallumok közös egész elemei adják.	1 pont
Tehát $b = p$, ha minden nézőszám ugyanazon eleme az [54546; 55000] intervallumnak.	1 pont
Mindezekből következik, hogy lehetőséges, hogy a két fővárosban azonos számú néző hallgatta a GAMMA együttest.	1 pont
Összesen: 3 pont	Ha az eresékre kerekített nézőszámmal feliratkozva össze (145 000; 55 000) és (55 000; 67 000), akkor 2 ponot kap.

II.**A hiperegeometrikus modell alkalmazásával:**

Vagy a komplementer eseményet dölgözik, vagy $n = 2$ -től 8-ig összegzi a felirtható valoszínűségeket	5 pont
Konkrét N-re kiszámolja a kért valoszínűségeket	2 pont
Indokolja valamilyen formában N konkrét választását	1 pont
Összesen: 8 pont	

A közöttük számításosok során végezz kerekítésekkel eredő pontatlanságért ne vonjunk le pontot! Ha a végeredményt nem három tizedes jegyre kerekítve adja meg, az utolsó pont nem jár!

6. c)

Ha lehetőséges lenne, akkor összesen 6 férfival fogtak volna kezet a nők.	1 pont
Ezeket a „férfinötöket” $\binom{6}{5} = 6$ -féléképpen lehet kiválasztani.	1 pont
Mivel 9 nő van, ezért a feltétel szerint kellene legalább 9 különböző férfi ötös.	2 pont

Nem lehetőséges, hogy volt két olyan férfi is, aki senkive sem fogott kezet, mert ellenmondásra jutottunk.

Összesen: 5 pont

7.

Közöljük a feladatlapon szereplő táblázatot, a hiányzó adatok beírásával:

város	fizető nézők száma	egy jegy ára (Ft)	bevétel a jegyeladásból (ezer Ft)
Debrecen	12350	(1200)	14820
Győr	8760	(1400)	12264
Kecskemét	13920	1600	22272
Miskolc	9970	1500	14955
Pécs	11850	1300	15405

A táblázatban szereplő zárójelű számok kiszámítása nem szükséges a fellett kérdések megválaszolásához.

7. a)

Kecskeméten 13920, Pécsen 11850 fizető néző volt.	2 pont	<i>Ha csak a táblázatban szerepel, akkor is jár a 2 pont.</i>
A legtöbb fizető néző Kecskeméten volt.	1 pont	

Összesen: 3 pont

Jelölje x azt az időt (órában), amennyi idő alatt Panni egyedül begépette volna a kéziratot, y pedig azt, amennyi idő alatt Kati végezte volna el ugyanezt a munkát egyedül.	
Panni szerdán t órát fordított a gépelesre.	
Foglaljuk táblázatba a szövegből kiolvasható adatokat:	

	a teljes munka elvégzése (h)	1 óra alatti teljesítmény	gépelésre fordított idő (h)
Panni	x	$\frac{1}{x}$	kedden
Kati	y	$\frac{1}{y}$	
együtt	12	$\frac{1}{12}$	

A táblázat helyes kitöltsése.	3 pont*	Oszlopunként 1-1 pont.
Mindezekből tudhatjuk a munka elvállatásakor:	1 pont	<i>Ha a táblázatos kitölés helyett a vizsgázó az egyenleleteket írja fel, a *-gal jelölt 3 pontot 2+1 bontásban akkor adja hozzá az 1+2 pontokhoz. Maximum 5 pont adható, ha nem világosan rögzített jelölésekkel dolgozik.</i>
$\frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{1}{12};$		
a keddi nap végén:	2 pont	

$\frac{6}{x} + \frac{4}{y} = \frac{2}{5};$		
A két egyenletből	$x = 30$ (ora)	2 pont
	$y = 20$ (ora).	

A feladat feltételeinek megfelelően Panni 30 óra, Kati 20 óra alatt végezte volna egyedül a munkával.	1 pont	
Összesen: 9 pont		

5. b)

Szerdán Panni 1 órát gépet.	$t - \frac{1}{2}$	1 pont
Szerda délután, a munka befejezésekor		
$\frac{1}{30} + \frac{t - \frac{1}{2}}{20} = \frac{3}{5}$.	A pontszám nem bontható.	2 pont
$t = 7,5$ (óra).		1 pont
Panni íél öröái ebéddel, ezért a gépeléstő fordított 7,5 óra 8 óra „munkaidőre” változik. Kati szerdán $7,5 - 0,5 = 7$ órát gépet, és egy órával több (vagyis 8 óra) volt a „munkaidje”.		2 pont
Szerdán 9 órakor kezdték, és mindenketten 8 óra „munkaidő” után fejezték be a gépelést, vagyis 17 órára lettek készén a kézirattal.		1 pont
Összesen:	7 pont	

6. b) előző megoldás

Az az eset, hogy a 8 vizsgált személy közül legalább 2 színtéveszti van, azt jelenti, hogy 2 vagy több a színtévesztiök száma.	1 pont	A részponiszánok akkor is adhatók, ha nem ennyire részletezük, de a leírásból világosan követhető a közötti gondolatmenet.
Egyszerűbb a kérdezett esemény komplementerével szamolni, vagyis azt vizsgálni, mennyi annak a valószínűsége, hogy legfeljebb 1 színtéveszti van a 8 ember között.	1 pont	
Ezt két kizárt esemény valószínűségenek összegeként számíthatjuk.		
A pontosan 0 színtéveszti valószínűsége: $p_0 = 0,96^8 (\approx 0,7214)$.	1 pont	
A pontosan 1 színtéveszti valószínűsége: $p_1 = \binom{8}{1} \cdot 0,04^1 \cdot 0,96^7 (\approx 0,2405)$.	1 pont	
Tehát a $P(\text{színtévesztiök száma} \leq 1) =$ $= p_0 + p_1 \approx 0,962$.	2 pont	
Összesen:	8 pont	
Ekkor a komplementer esemény valószínűsége $0,038$. Tehát 0,038 a valószínűsége annak, hogy legalább két személy színtéveszti.	1 pont	
Összesen:	8 pont	
A közömbös számítások során végzett kerekítésből eredő pontatlanságért ne vonjunk le pontot! Ha a végeredményt nem három tizedes jegyre kerekítve adja meg, az utolsó pont nem jár!		
Összesen:	3 pont	

6. a)

Annak a valószínűsége, hogy a 8 vizsgált személy közül pontosan kettő színtéveszti (binomialis modell): $p = \binom{8}{2} \cdot 0,04^2 \cdot 0,96^6$, $p \approx 0,035$.	2 pont
Összesen:	3 pont

Ha a vizsgázó a 6. a) feladatait a hipergeometrikus modellek alkalmazva oldja meg, a következő a pontozás:

N elem szám esetén a pontosan két színtéveszti kiválasztásának a valószínűsége: $P = \frac{\binom{0,04N}{2} \cdot \binom{0,96N}{6}}{\binom{N}{8}}$	2 pont	A valószínűségek értékei: 2 színtéveszti 0,0351 3 színtéveszti 0,0029 4 színtéveszti 0,0001522 5 színtéveszti 0,000005073 6 színtéveszti 0,0000001057 7 színtéveszti 0,0000000126 8 színtéveszti 0,000000000655
Ha a vizsgázó választ konkrét N értéketet (N = 100, 1000) és p-tól kiszámolja	1 pont	(és mivel ezek az események diszjunktak, ezért) ezek a valószínűségek összadódnak.
Összesen:	3 pont	A keresett valószínűség 0,038.
Összesen:	8 pont	