ÉRETTSÉGI VIZSGA ● 2007. május 8.

MATEMATIKA

EMELT SZINTŰ ÍRÁSBELI ÉRETTSÉGI VIZSGA

JAVÍTÁSI-ÉRTÉKELÉSI ÚTMUTATÓ

OKTATÁSI ÉS KULTURÁLIS MINISZTÉRIUM

Fontos tudnivalók

Formai előírások:

1. A dolgozatot a vizsgázó által használt színűtől **eltérő színű tollal** kell javítani, és a tanári gyakorlatnak megfelelően jelölni a hibákat, hiányokat stb.
2. A feladatok mellett található szürke téglalapok közül az elsőben a feladatra adható maximális pontszám van, a javító által adott **pontszám a** mellette levő **téglalapba** kerül.
3. **Kifogástalan megoldás** esetén elég a maximális pontszám beírása a megfelelő téglalapokba.
4. Hiányos/hibás megoldás esetén kérjük, hogy az egyes **részpontszámokat** is írja rá a dolgozatra.

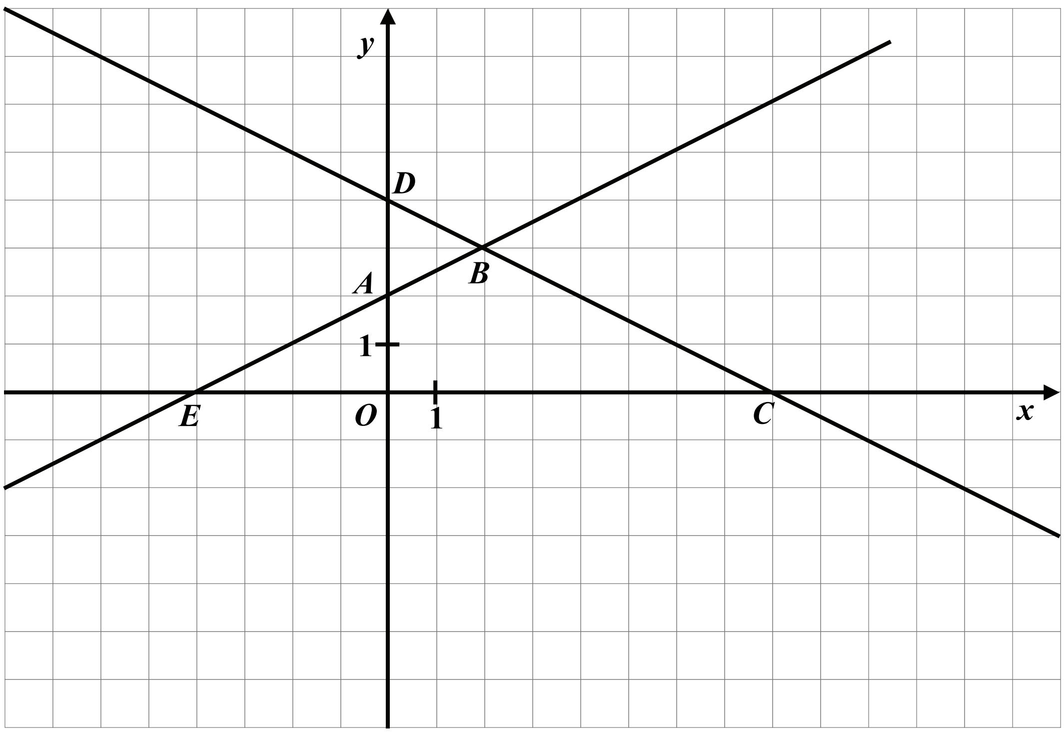
Tartalmi kérések:

1. Egyes feladatoknál több megoldás pontozását is megadtuk. Amennyiben azoktól **eltérő megoldás** születik, keresse meg ezen megoldásoknak az útmutató egyes részleteivel egyenértékű részeit, és ennek alapján pontozzon.
2. A pontozási útmutató pontjai tovább **bonthatók**. Az adható pontszámok azonban csak egész pontok lehetnek.
3. Nyilvánvalóan helyes gondolatmenet és végeredmény esetén maximális pontszám adható akkor is, ha a leírás az útmutatóban szereplőnél **kevésbé részletezett**.
4. Ha a megoldásban **számolási hiba**, pontatlanság van, akkor csak arra a részre nem jár pont, ahol a tanuló a hibát elkövette. Ha a hibás részeredménnyel helyes gondolatmenet alapján tovább dolgozik, és a megoldandó probléma lényegében nem változik meg, akkor a következő részpontszámokat meg kell adni.
5. **Elvi hibát** követően egy gondolati egységen belül (ezeket az útmutatóban kettős vonal jelzi) a formálisan helyes matematikai lépésekre sem jár pont. Ha azonban a tanuló az elvi hibával kapott rossz eredménnyel, mint kiinduló adattal helyesen számol tovább a következő gondolati egységben vagy részkérdésben, akkor erre a részre kapja meg a maximális pontot, ha a megoldandó probléma lényegében nem változik meg.
6. Ha a megoldási útmutatóban zárójelben szerepel egy **megjegyzés** vagy **mértékegység,** akkor ennek hiánya esetén is teljes értékű a megoldás.
7. Egy feladatra adott többféle helyes megoldási próbálkozás közül **a vizsgázó által megjelölt változat értékelhető**.
8. A megoldásokért **jutalompont** (az adott feladatra vagy feladatrészre előírt maximális pontszámot meghaladó pont**) nem adható**.
9. Az olyan részszámításokért, részlépésekért **nem jár pontlevonás**, melyek hibásak, de amelyeket a feladat megoldásához a vizsgázó ténylegesen nem használ fel.
10. **A vizsgafeladatsor II. részében kitűzött 5 feladat közül csak 4 feladat megoldása értékelhető.** A vizsgázó az erre a célra szolgáló négyzetben – feltehetőleg – megjelölte annak a feladatnak a sorszámát, amelynek értékelése nem fog beszámítani az összpontszámába. Ennek megfelelően a megjelölt feladatra esetlegesen adott megoldást nem is kell javítani. Ha mégsem derül ki egyértelműen, hogy a vizsgázó melyik feladat értékelését nem kéri, akkor automatikusan a kitűzött sorrend szerinti legutolsó feladat lesz az, amelyet nem kell értékelni.

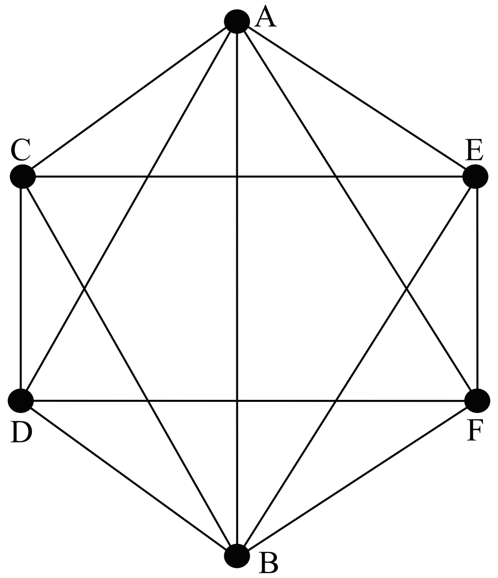
I.

1.		
Az első egyenletet alakítsuk át a logaritmus azonosságainak felhasználásával: $\log_2 \frac{2x+y}{x-1{,}5y} = \log_2 4$.	2 pont	
A szigorú monotonitás miatt	1 pont	
$\frac{2x+y}{x-1{,}5y} = 4$, innen rendezés után a $7y = 2x$, vagyis $x = 3{,}5y$ adódik.	1 pont	
A második egyenletből a logaritmus azonosságainak felhasználásával: $\log_3 (x-y)(x+y) = \log_3 45$.	2 pont	
A nevezetes azonosság és a szigorú monotonitás miatt: $x^2 - y^2 = 45$.	1 pont	
Az $x = 3{,}5y$ értéket behelyettesítve és rendezve: $y^2 = 4$,	1 pont	
ahonnan $y = 2$ vagy $y = -2$.	1 pont	*Ha csak az $y = 2$-t adja meg a vizsgázó, akkor a pont nem adható.*
A negatív y értékhez negatív x tartozna, és ez az értékpár az eredeti egyenleteket nem elégíti ki.	1 pont	
Az egyenletrendszer egyetlen gyökpárja az $x = 7$ és az $y = 2$. Ez az értékpár mindkét eredeti egyenletet kielégíti.	1 pont	
Összesen:	**11 pont**	

2. a)



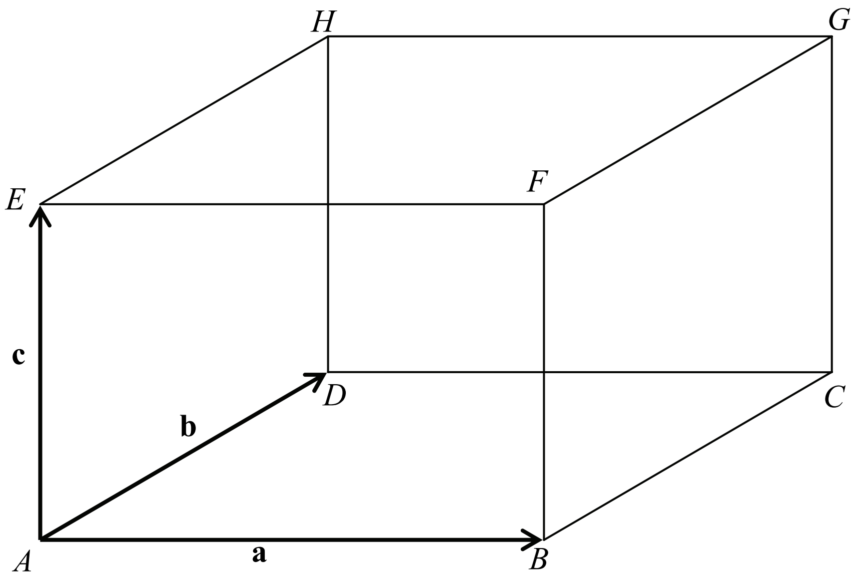
Helyes ábrázolás.	2 pont	
Összesen:	**2 pont**	
b)		
A konvex négyszög csúcsai A, B, C, O, ahol B pont a két egyenes metszéspontja: $B(2; 3)$.	1 pont	
A négyszög területét kiszámíthatjuk pl. úgy, hogy a DOC háromszög területéből kivonjuk az ABD háromszög területét. A DOC derékszögű háromszög területe: $\frac{OC \cdot OD}{2} = \frac{8 \cdot 4}{2} = 16$.	2 pont	
Az ABD háromszögben az $AD = 2$, a B csúcsból induló magasság hossza pedig a B pont első koordinátájának értéke: 2, ezért az ABD háromszög területe: 2.	2 pont	
Az $ABCO$ konvex négyszög területe: $16 - 2 = 14$ (területegység).	1 pont	
Összesen:	**6 pont**	
c)		
A konkáv négyszög csúcsai: E, C, D, A. Az oldalhosszak: $EC = 12$; $CD = \sqrt{80}$; $DA = 2$; $AE = \sqrt{20}$, $ED = 4\sqrt{2}$; $CA = \sqrt{68}$	4 pont	*Oldalhosszanként 1-1 pont jár.*
a kerület: $k_1 = EC + CD + DA + AE =$ $= 12 + \sqrt{80} + 2 + \sqrt{20} = 14 + 6\sqrt{5}$ ($\approx 27{,}42$); $k_2 = ED + DC + AC + AE = 4\sqrt{2} + 6\sqrt{5} + 2\sqrt{17}$ ($\approx 27{,}32$); $k_3 = ED + AD + AC + EC = 14 + 4\sqrt{2} + 2\sqrt{17}$ ($\approx 27{,}91$).	1 pont	
Összesen:	**5 pont**	*Az 5 pont jár akkor, ha a lehetséges három konkáv négyszög közül a vizsgázó legalább egynek jól kiszámolta a kerületét.*

3. a)		
		
A helyes ábrán 6 csúcs van feltüntetve,	1 pont	
amelyen két darab ötödfokú (A és B)	1 pont	
és négy darab negyedfokú pont (C, D, E, F) van.	2 pont	
Összesen:	**4 pont**	*A hatpontú teljes gráfból két él hiányzik. Ez a két él nem összefüggő részgráf a komplementer gráfban.*
b)		
A kézfogások számának kétszeresét kapjuk meg, ha összeadjuk a gráfban a fokszámokat.	1 pont	
A fokszámok összege: 26.	1 pont	
Az útitársak 13 kézfogással köszöntötték egymást.	1 pont	
Összesen:	**3 pont**	*A 3 pont megadható akkor is, ha a helyesen felrajzolt gráfban megszámolja az éleket.*

c) I. megoldás		
Válasszunk először pl. az A-val jelölt tudósnak szobatársat. Ezt ötféleképpen tehetjük meg.	1 pont	
Ha már A-hoz kijelöltük a szobatársat, a maradék négy tudósból egyet pl. C-t kiválasztva, neki háromféleképpen oszthatunk szobatársat.	2 pont	
Ha két szobát már kiadtunk, a maradék szobába már csak egyféleképpen mehet a szobába még be nem osztott két tudós.	1 pont	
A szobák között nem teszünk különbséget, tehát összesen $5\cdot3\cdot1 = 15$-féle szobabeosztás lehetséges.	2 pont	
Összesen:	**6 pont**	*Ha vizsgázó rendszerezve felsorolja mind a 15 lehetőséget, akkor is jár a 6 pont. Ha a felsorolás rendszerezett, de hiányos, akkor legfeljebb 4 pont.*

c) II. megoldás		
Két tudós $\binom{6}{2}$-féleképpen választható ki.	2 pont	
A maradék négyből újabb két tudós $\binom{4}{2}$-féleképpen választható ki.	1 pont	
Így $\binom{6}{2}\cdot\binom{4}{2}$-féleképpen oszthatók három darab kettes csoportba.	1 pont	
A három szobához 3!-féleképpen rendelhetők a csoportok, tehát $\dfrac{\binom{6}{2}\cdot\binom{4}{2}}{3!} = 15$ szobabeosztás lehet.	2 pont	
Összesen:	**6 pont**	

4. a)



A hét vektor összege: $\overrightarrow{AP} = (\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{AE}) + \left(\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{AF} + \overrightarrow{AH}\right) + \overrightarrow{AG}$. A jobb oldalon szereplő vektorokat rendre **a**, **b** és **c** élvektorokkal kifejezve: $\overrightarrow{AP} = (\mathbf{a} + \mathbf{b} + \mathbf{c}) + (\mathbf{a} + \mathbf{b}) + (\mathbf{a} + \mathbf{c}) + (\mathbf{b} + \mathbf{c}) + (\mathbf{a} + \mathbf{b} + \mathbf{c})$.	1 pont	*Az $\overrightarrow{AP}$ vektor bármelyik jó előállításáért jár az 1 pont.*
A műveleti azonosságokat alkalmazva kapjuk, hogy: $\overrightarrow{AP} = 4(\mathbf{a} + \mathbf{b} + \mathbf{c})$.	1pont	
Összesen:	**2 pont**	
b)		
Mivel $\overrightarrow{AP} = 4\overrightarrow{AG}$, az $\overrightarrow{AP}$ vektor hossza az AG testátló hosszának négyszerese.	1 pont	
Pitagorasz tételét alkalmazva: $AG^2 = AB^2 + BC^2 + CG^2 = 10^2 + 8^2 + 6^2 = 200$, $AG = \sqrt{200} = 10\sqrt{2}$.	1 pont	
$AP = 4AG = 40\sqrt{2}$ ($\approx 56{,}57$).	1 pont	
Összesen:	**3 pont**	
c)		
Mivel $\overrightarrow{AP} = 4\overrightarrow{AG}$, az $\overrightarrow{AP}$ vektor és az $\overrightarrow{AE}$ vektor szöge megegyezik az $\overrightarrow{AG}$ vektor és az $\overrightarrow{AE}$ vektor szögével. Ez a szög az AEG derékszögű háromszög A-nál lévő szöge, jelöljük α – val.	1 pont	

Felhasználva, hogy $AE = 6$ és $AG = 10\sqrt{2}$, így $\cos\alpha = \frac{AE}{AG} = \frac{6}{10\sqrt{2}} \approx 0{,}4243$,	1 pont	
innen $\alpha \approx 64{,}9°$.	1 pont	
Összesen:	**3 pont**	
d)		
A HFC háromszög S súlypontjába vezető helyvektor ($\overrightarrow{AS}$) a csúcsokba vezető helyvektorok összegének harmada.	2 pont	
$\overrightarrow{AS} = \frac{\overrightarrow{AH} + \overrightarrow{AF} + \overrightarrow{AC}}{3} =$ $= \frac{(\mathbf{b}+\mathbf{c})+(\mathbf{a}+\mathbf{c})+(\mathbf{a}+\mathbf{b})}{3} =$ $= \frac{2}{3}(\mathbf{a}+\mathbf{b}+\mathbf{c})$,	1 pont	
vagyis $\overrightarrow{AS} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AG}$.	1 pont	
$\overrightarrow{AS} \cdot \overrightarrow{AP} = (\frac{2}{3}\overrightarrow{AG})\cdot(4\overrightarrow{AG}) =$ $= \frac{8}{3}AG^2 = \frac{8}{3}\cdot 200 = \frac{1600}{3}\ (\approx 533{,}3)$.	2 pont	
Összesen:	**6 pont**	

II.

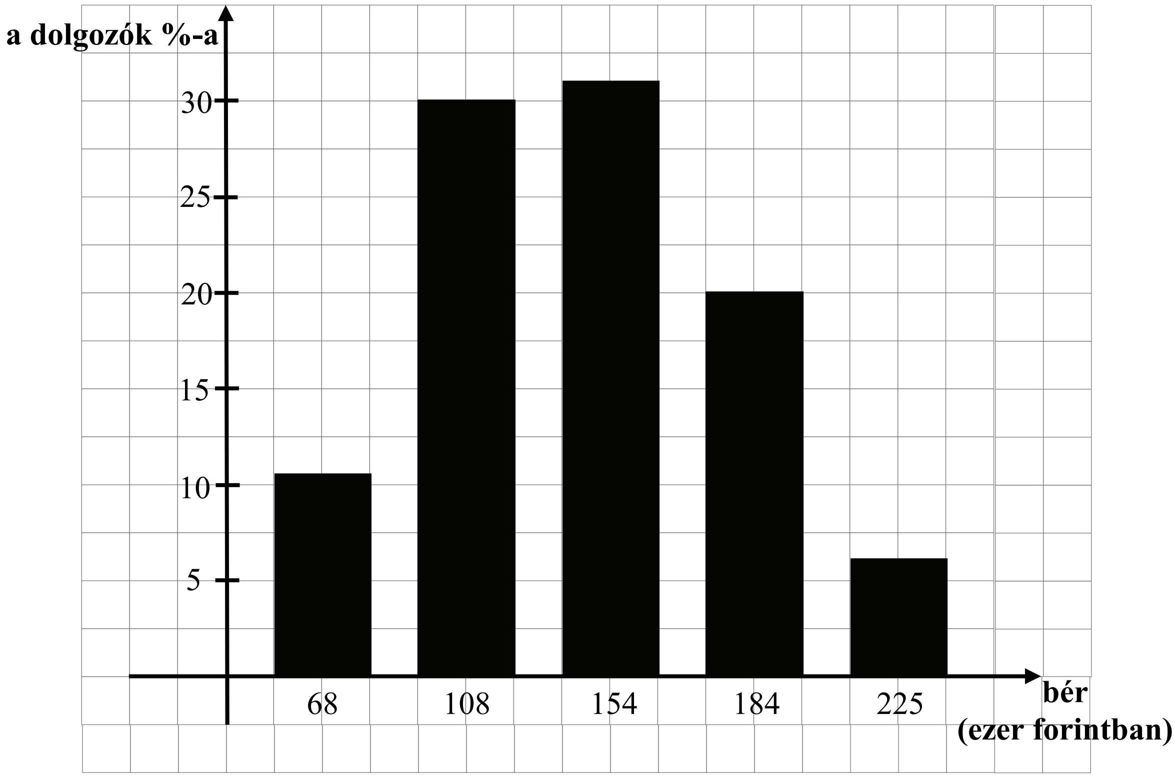
5.		
Írjuk a nevezőket szorzat alakba! $\frac{x}{(x-2)(x+2)} + \frac{p}{x(x+2)} + \frac{1}{x(2-x)} = 0$	2 pont	
A nevezők értéke nem lehet 0, ezért x nem lehet −2; 0; 2.	1 pont	
Az $(x-2)x(x+2)$ közös nevezővel szorozva az egyenlet mindkét oldalát, és x szerint rendezve kapjuk, hogy: $x^2+(p-1)x-2(p+1)=0$.	1 pont	
A megoldóképletből $x_{1,2}=\frac{1-p\pm\sqrt{p^2+6p+9}}{2}$,	1 pont	
vagyis $x_{1;2}=\frac{1-p\pm\lvert p+3\rvert}{2}$.	1 pont	*Az 1 pont a teljes négyzet felismeréséért jár.*
$x_1=2$, illetve $x_2=-(p+1)$.	2 pont	
Két különböző gyöke nem lehet az egyenletnek, mert az $x_1=2$ az eredeti egyenletnek nem gyöke, tehát legfeljebb az $x_2=-(p+1)$ lehet gyök.	2 pont	
Egyetlen gyök sincs, ha x_2 a kizárt −2; 0; 2 értékek valamelyikét veszi fel.	2 pont	
$x_2=-2$, ha $p=1$; $x_2=0$, ha $p=-1$; $x_2=2$, ha $p=-3$.	3 pont	
Ha tehát a p paraméter a −3; −1 vagy 1 értékeket veszi fel, az eredeti egyenletnek nincs valós gyöke.	1 pont	
Összesen:	**16 pont**	

6. a)		
A mértani közép tulajdonság alapján: $p^2=4c$.	1 pont	*Ha a számtani és a mértani sorozat fogalmát jól érti, helyesen írja fel, de tovább nem jut (mert pl. sok ismeretlennel dolgozik...), akkor 2 pont adható.*
A számtani közép tulajdonság alapján: $2c=p+40$.	1 pont	
A második egyenletből $2c$ értékét az első egyenletbe helyettesítve és rendezve kapjuk, hogy $p^2-2p-80=0$,	1 pont	
innen $p_1=10$ *és* $p_2=-8$.	1 pont	
Mivel a negatív gyök nem ad megoldást, Dani 10 db nagy piros és 25 darab kis csíkos halat számolt meg.	1 pont	
Összesen:	**5 pont**	

b)		
A halállomány gyarapodása minden hónapban 20 %-os, azaz havonta 1,2-szeresre nő a darabszám a gyarapodás miatt.	1 pont	
Ha x %-ot adott el kéthavonta Dani, akkor az eladás kéthavonta $\left(1-\frac{x}{100}\right)=q$ -szorosára változtatja az állományt.	1 pont	
Kéthavonta a változás mindig $1{,}2^2\cdot q=1{,}44\cdot q$ -szoros.	1 pont	
Ezekből felírható a $100\cdot(1{,}44q)^{12}=252$ egyenlet.	1 pont	
Rendezés után $q=0{,}75$ adódik.	2 pont	
Kéthavonta a halállomány 75 %-a maradt meg, vagyis Dani kéthavonta az állomány 25 %-át adta el.	1 pont	
Összesen:	**7 pont**	
c)		
Az összes egyenlően valószínű kiválasztások száma: $\binom{20}{8}$.	1 pont	*A binomiális együtthatók helyes értékét fogadjuk el akkor is, ha nem tünteti fel a vizsgázó a kiszámolás módját (vehette az értéket gépből és függvénytáblázatból is). A valószínűség numerikus kiszámolásának elmaradása vagy eltévesztése esetén az utolsó 2 pont helyett 1 pont adható.*
A kedvező esetek száma: $\binom{5}{3}\cdot\binom{15}{5}$.	1 pont	
A keresett valószínűség: $\frac{\binom{5}{3}\cdot\binom{15}{5}}{\binom{20}{8}}=\frac{10\cdot 3003}{125970}=0{,}2384$.	2 pont	
Összesen:	**4 pont**	

7. a)

bér (ezer forintban)	68	108	154	184	225
dolgozók száma	25	65	70	44	16
a dolgozók %-a	**11**	**30**	**32**	**20**	**7**



A helyesen elkészített oszlopdiagramért (a tengelyek helyes feliratozása 1-1 pont, az oszlopsor 1 pont).

Megjegyzés:
A vizsgázó az oszlopok magasságát a (dolgozók száma) vagy (dolgozók %-a) formában is megadhatja. 5 %-nak megfelel 11 fő. A 3 ponthoz nem szükséges a táblázat közölt harmadik sorának kitöltése.

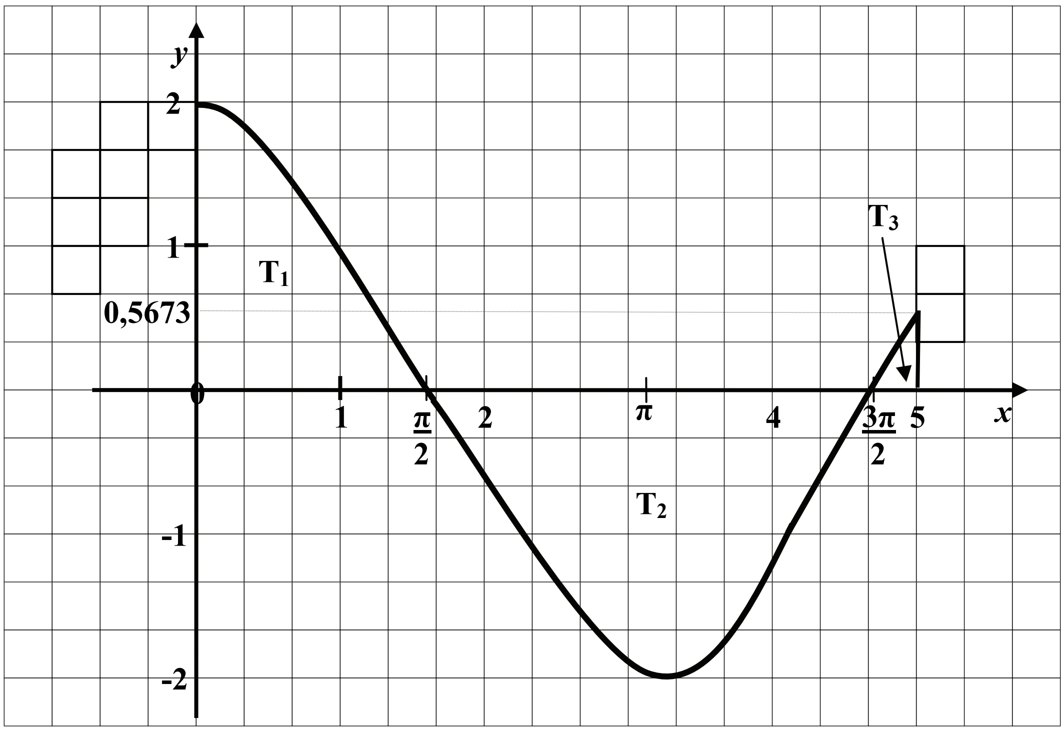
Összesen:	**3 pont**	

b)		
Az augusztusi bruttó bérek átlaga: $\frac{25\cdot 68+65\cdot 108+70\cdot 154+44\cdot 184+16\cdot 225}{220}=\frac{31196}{220}=$ $= 141{,}8$ ezer Ft.	3 pont	*Az átlag helyes kiszámítása esetén jár a 3 pont akkor is, ha a vizsgázó nem részletezi a számítását, mert bevihette az adatokat a kalkulátorba, és akkor azonnal kap eredményt.*
Az augusztusi bruttó bérek szórása: 43,17 ezer Ft.	3 pont	*A vizsgázó a szórást bárhogyan is számítja ki helyesen, a 3 pont jár.* *Számíthat definíció alapján;* *számíthat ismert tétel alapján: (a négyzetek átlaga − átlag négyzete);* *de kaphat helyes eredményt kalkulátorral is.* *Ha a szórás helyett szórásnégyzetet ad meg, 3 pont helyett legfeljebb 2 pontot kaphat.*
Összesen:	**6 pont**	*Rossz átlag és/vagy rossz szórás érték esetén nem jár pont, ha nem derül ki a dolgozatból, hogy a vizsgázó pontosan használja ezeket a fogalmakat.*

c)		
Ha mindenkinek a nettó bérét számítjuk, akkor az a bruttó bérének 60,6 %-a.	1 pont	*Mind a c) mind a d) kérdés értékelése esetén maximális pontszámot adjunk annak a vizsgázónak, aki a középértékekre illetve a szórásra vonatkozó általános tételekre hivatkozva válaszolt helyesen a kérdésekre. Ha a vizsgázó a kiszámított átlag és/vagy szórás értéke után nem írja ki az egységet (pl.: „ezer Ft”), akkor az egész feladat értékelése során csak egyszer vonjunk le 1 pontot.*
A 220 dolgozó mindegyikének 0,606-szorosára változik a bére, ezért az átlag is 0,606-szoros lesz, vagyis a nettó bérek átlaga $0{,}606 \cdot 141{,}8 \approx 85{,}93$ ezer Ft.	2 pont	
Megjegyzés: Helyes válasznak elfogadhatjuk a 85,94 ezer Ft-ot is.		
Összesen:	**3 pont**	
d)		
Ha a 220 dolgozó mindegyikének 2500 Ft-tal nő a bruttó bére, akkor a bérek átlaga is ennyivel nő.	1 pont	
Mind a 220 adatra nézve egyiknél sem változik meg az új adat és az új átlag eltérése, mert mindkét mennyiség ugyanannyival nőtt, különbségük nem változik.	1 pont	
Ezen változatlan különbségek négyzetének átlaga is változatlan: marad az augusztusi érték.	1 pont	
A bruttó bérek szórása tehát nem változik.	1 pont	
Összesen:	**4 pont**	

8. a)		
A $\cos x$ függvény párossága miatt $f(x) = 2\cos x$	2 pont	
Az f függvény korlátos,	1 pont	
mert $-2 \le f(x) \le 2$	1 pont	
Nem igaz, hogy az f függvény minimumhelye és legnagyobb értéke is irracionális szám,	1 pont	
mert az f függvény legnagyobb értéke 2, és ez nem irracionális szám.	1 pont	
Összesen:	**6 pont**	

b)



A grafikon helyes vázolása az egységek és intervallum-végpontok jelölésével.	2 pont	
A keresett síkidom három tartományból áll, ezek területét jelöljük rendre T_1, T_2, T_3 -mal. Mivel az *f* függvény folytonos, a keresett területeket integrállal (is) számíthatjuk: $T_1 = \int_0^{\frac{\pi}{2}} 2\cos x dx = 2\left[\sin x\right]_0^{\frac{\pi}{2}} = 2$.	2 pont	*T_1 és T_2 értékét a vizsgázó közvetlenül is megkaphatja, ha hivatkozik arra az ismeretre, hogy a 2cos x (vagy a 2sin x) grafikonja és az x tengely $\left[0\,;\frac{\pi}{2}\right]$ intervalluma által határolt síkidom területe 2. A területek nagyságának közléséért 1-1 pont, a megfelelő hivatkozásért az 1-1 pont jár.*
A $\left[\frac{\pi}{2}\,;\frac{3\pi}{2}\right]$ intervallumon az *f* értékei nem-pozitívak, ezért: $T_2 = \int_{\frac{\pi}{2}}^{\frac{3\pi}{2}} 2\left\|\cos x\right\| dx = 2\left[-\sin x\right]_{\frac{\pi}{2}}^{\frac{3\pi}{2}} = 4$.	2 pont	
$T_3 = \int_{\frac{3\pi}{2}}^{5} 2\cos x dx = 2\left[\sin x\right]_{\frac{3\pi}{2}}^{5} = 2\sin 5 + 2$.	2 pont	
A síkidom területe: $T = T_1 + T_2 + T_3 =$ $= 2 + 4 + 2\sin 5 + 2 = 8 + 2\sin 5 \approx 6{,}082$.	2 pont	
Összesen:	**10 pont**	

9.		
Először megadjuk elemeikkel rendre azt a négy halmazt a kétjegyű számok körében, amelyek igazzá teszik az egyes állításokat. Jelölje ezeket a halmazokat $A;\ B;\ C$ és D. Az N osztható 7-tel, ha a szám hét többszöröse: $A = \{\,14; 21; 28; 35; 42; 49; 56; 63; 70; 77; 84; 91; 98\,\}$	1 pont	
Az N a 29 többszöröse: $B = \{\,29; 58; 87\,\}$	1 pont	
Az $N + 11$ négyzetszám, ha $N = n^2 - 11$, ahol $22 < n^2 < 111$. $C = \{\,14; 25; 38; 53; 70; 89\,\}$	1 pont	
Az $N - 13$ négyzetszám, ha $N = k^2 + 13$, ahol $0 \le k^2 < 87$. $D = \{\,13; 14; 17; 22; 29; 38; 49; 62; 77; 94\,\}$	1 pont	
A feladat feltételeit pontosan azok az elemek elégítik ki, amelyek e négy halmaz közül kiválasztott kettő metszetében benne vannak, de nem elemei a másik két halmaz egyikének sem.	1 pont	
A négy halmazból kettőt hatféleképpen választhatunk ki. Vizsgáljuk ezt a hat halmazt!	1 pont	*Az ebben a gondolati egységben adható 2 pont jár akkor is, ha a vizsgázó nem írja le szövegesen a magyarázatot, de a megoldásából kiderül, hogy ezt a gondolatot követi.*
$A \cap B$ és az $B \cap C$ halmazok mindegyike üres halmaz.	1 pont	
$A \cap C = \{\,14; 70\,\}$,	1 pont	
ennek elemei közül a 14 nem felel meg, mert D-nek eleme; a 70 megfelel, mert sem B-nek, sem D-nek nem eleme.	1 pont	
$A \cap D = \{\,14; 49; 77\,\}$	1 pont	
ennek elemei közül (a 14 nem felel meg, mert C-nek eleme); a 49 és a 77 is megfelel, mert egyik sem eleme sem a C-nek, sem a B-nek.	1 pont	
$B \cap D = \{\,29\,\}$,	1 pont	
a 29 megfelel, mert sem az A-nak, sem a C-nek nem eleme.	1 pont	

$C \cap D = \{14; 38\}$,	1 pont	
ennek elemei közül (a 14 nem felel meg, mert eleme az A-nak); a 38 megfelel, mert sem az A-nak, sem a B-nek nem eleme.	1 pont	
Tehát az alábbi öt szám elégíti ki a feladat követelményeit: 29; 38; 49; 70; 77.	1 pont	
Összesen:	**16 pont**	

Megjegyzések:
Ha vizsgázó anélkül sorol fel megfelelő számokat, hogy megmutatná, ezek miért felelnek meg (melyik a két igaz és a két hamis állítás), a felsorolására 1 és 2 helyes szám esetén 1 pontot, 3 helyes szám esetén 2 pontot, 4 helyes szám esetén 3 pontot, 5 helyes szám esetén 4 pontot kap.
Ha a vizsgázó a felsorolt számokról megmutatja, hogy ezek megfelelnek a kikötéseknek, de nem tér ki annak bizonyítására, hogy más számok vajon megfelelnek-e a feladat feltételeinek, megoldására legfeljebb 8 pontot kaphat (az előzőekben felsorolt pontszámok dupláját).