

	a feladat sorszáma	maximális pontszám	elért pontszám	maximális pontszám	elért pontszám
I. rész	1.	10	14		
	2.	13			<b>51</b>
	3.	14			
	4.	16			
II. rész		16			
		16			<b>64</b>
		16			
		16			
← nem válaszott feladat			MINDÖSSZESEN	<b>115</b>	

dátum \_\_\_\_\_ javító tanár \_\_\_\_\_

Az írásbeli vizsga időtartama: 240 perc

**2008. október 21. 8:00**

Pötlapok száma	
Tisztázati	
Piszkozati	

elért pontszám	programba beírt pontszám
I. rész	
II. rész	

dátum \_\_\_\_\_ javító tanár \_\_\_\_\_ jegyző \_\_\_\_\_

**OKTATÁSI ÉS KULTURÁLIS  
MINISZTÉRIUM****ERETTSÉGI VIZSGA • 2008. október 21.**



## Fontos tudnivalók

1. A feladatok megoldására 240 perc fordítható, az idő leteltével a munkát be kell fejeznie.
  2. A feladatok megoldási sorrendje tétszöleges.
  3. A II. részben kitüzzött öt feladat közül csak negyet kell megoldania. **A nem választott feladat sorozamát írja be a dolgozat befejezésékor az alábbi négyzetbe!**  
Ha a javító tanár számára *nem derül ki egyértelműen*, hogy melyik feladat értékkelését nem kéri, akkor a 9. feladatra nem kap pontot.
- 
4. A feladatok megoldásához szöveges adatok tárolására és megjelenítésére nem alkalmas zsebszámológépet és bármilyen négyjegyű függvénytáblájat használhat, más elektronikus vagy írásos segédszköz használata tilos!
  5. **A feladatok megoldásához alkalmazott gondolatmenetet minden esethen írja le, mert a feladatra adható pontszám jelentős része erre jár!**
  6. **Ügyeljen arra, hogy a lényegesebb részszámítások is nyomon követhetők legyenek!**
  7. A feladatok megoldásánál használt tételek közül az iskolában tanult, névvel ellátott tételeket (pl. Pitagorasz-tétel, magasság-tétel) nem kell pontosan megfogalmazva kimondania, elég csak a tétel megnevezést említenie, de az alkalmazhatóságát röviden indokolnia kell. Egyéb tételek(ekre) való hivatkozás csak akkor fogadható el teljes értékük, ha az állítást minden feltételével együtt pontosan mondja ki (bizonyítás nélkül), és az adott problémában az alkalmazhatóságát indokolja.
  8. A feladatok végeredményét (a feltett kérdésre adandó választ) szöveges megfogalmazásban is közölje!
  9. A dolgozatot tollal írja, de az ábrákat ceruzával is rajzolhatja. Az ábrákon kívül ceruzával írt részeket a javító tanár nem értékelheti. Ha valamilyen megoldást vagy megoldásrészletet áthúz, akkor az nem értékelhető.
  10. minden feladatnál csak egyféllel megoldás értékkelhető. Több megoldási próbálkozás esetén **egyértelműen jelezze**, hogy melyiket tartja érvényesnek!
  11. Kérjük, hogy a szürkített téglalapokba semmit ne írjon!

**I.**

1. Oldja meg a valós számok halmazán az alábbi egyenleteket:

- a)  $(x-2) \cdot \lg(x^2 - 8) = 0$   
b)  $x^2 - |x| = 6$

a)	5 pont	
b)	5 pont	
Összesítés:	10 pont	

**Az 5-9. feladatok közül tetszszerint választott néget kell megoldania, a kihagyott feladat sorozmárt írja be a 3. oldalon található üres négyzetbe!**

- 9.** Egy bank a „Gondoskodás” nevű megtakarítási formáját ajánlia újszülettek családjának. A megtakarításra vállalkozó családok a gyermek születését követő év első banki napján számlát nyithatnak 100 000 forint összeggel. minden következő év első banki napján szintén 100 000 forintot kell befizetniük a számlára. Az utolsó befizetés annak az évnek az első banki napján történhet, amely évben a gyermekük betölти a 18. életévét. A bank év végén a számlán lévő összeg után évi 8%-os kamatot ad, amit a következő év első banki napjára ír jóvá.
- a) Mekkorá ósszeg van ekkor a számlán? A válaszat egész forintra kerítse!

A gyermek a 18. születésnapját követő év első banki napján férhet hozzá a számláján lévő teljes összeget. Ha nem veszi fel, akkor válászthatja a következő lehetőséget is:

Hat éven keresztül minden év első banki napján azonos összeget vehet fel. Az első részletet a 18. születésnapját követő év első banki napján veheti fel. A hatodik pénzfelvétellel a számla kiürül. Ha ezt a lehetőséget választja, akkor a bank – az első pénzfelvételtől számítva – minden év végén a számlán lévő összeg után évi 5%-os kamatot garantál, amit a következő év első banki napjára ír jóvá.

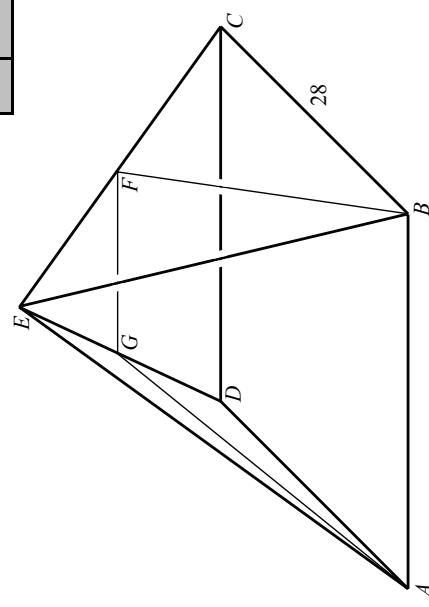
b) Ebben az esetben mikkora összeget vehet fel alkalmanként? A válaszat egész forintra kerítse!

a)	8 pont	
b)	8 pont	
Ö::	16 pont	

2. A mosogatógépünkön háromfélé program van. Egy mosogatáshoz az *A* program 20%-kal több elektromos energiát, viszont 10%-kal kevesebb vizet használ, mint a *B* program. A *B* program 30%-kal kevesebb elektromos energiat és 25%-kal több vizet használ egy mosogatáshoz, mint a *C* program. Mindhárom program futtatásakor 40 Ft-ba kerül az alkalmazott mosogatószér. Egy mosogatás az *A* programmal 151 Ft-pa, a *B* programmal 140 Ft-ba kerül.

Mennyibe kerül a *C* programmal egy mosogatás?

Ö:	14 pont	
----	---------	--



**Az 5-9. feladatok közül tetszs szerint választott néget kell megoldania, a kihagyott feladat sorszámát írja be a 3. oldalon található üres négyzetbe!**

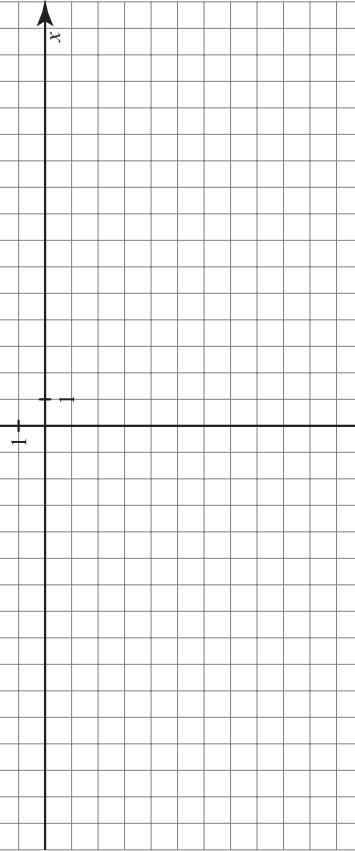
- 8.** Az  $ABCDE$  szabályos négyoldalú gúla alaplapja az  $ABCD$  négyzet. A gúla alapéle 28 egység hosszú. Legyen  $F$  a  $CE$  oldalénak,  $G$  pedig a  $DE$  oldalénak a felezőpontja. Az  $ABFG$  negyszög területe 504 területegység. Milyen hosszu a gúla oldaléle?

Ö: 16 pont

3. Jelölje  $H$  a  $[0, 2\pi]$  intervallumot. Legyen  $A$  a  $H$  azon  $x$  elemének halmaza, amelyekre teljesül a  $2^{\sin x} > 1$  egyenlőtlenség, és  $B$  a  $H$  halma azon részhalmaza, amelynek  $x$  elemeire teljesül a  $2^{\cos x} < 1$  egyenlőtlenség.

Adja meg az  $A$  halmazt, a  $B$  halmazt és az  $A \setminus B$  halmazt!

Ö: 13 pont



**Az 5-9. feladatok közül tetszszerint választott néget kell megoldania, a kihagyott feladat sorszámát írja be a 3. oldalon található üres négyzetbe!**

7. Adott a  $K(t) = t^2 + 6t + 5$  polinom. Jelölje  $H$  a koordinátaík azon  $P(x; y)$  pontjainak halmazát, amelyekre  $K(x) + K(y) \leq 0$ .

- a) A  $H$  halmaz pontjai közül véletlenszerűen kiválasztunk egyet. Mennyi annak a valószínűsége, hogy a kiválasztott pont az  $C(-3; -3)$  ponttól 2 egységnél nem nagyobb távolságra van?

Az  $f$  függvényt a következőképpen definiáljuk:  $f : \mathbf{R} \rightarrow \mathbf{R}, f(x) = x^2 + 6x + 5$ .

- b) Számítsa ki az  $f$  függvény grafikonja és az  $x$  tengely által közbezárt síkidom területét!

a)	9 pont
b)	7 pont
Ö:	16 pont



**Az 5-9. feladatok közül tetszszerint választott négyet kell megoldania, a kihagyott feladat sorszámát írja be a 3. oldalon található üres négyzetbe!**

- 6.** Egy középiskola 12. osztályának egyik csoportjában minden tanuló olyan matematika dolgozatot írt, amelyben 100 pont volt az elérhető maximális pontszám. A csoport eredményéről a következőket tudjuk: 5 tanuló maximális pontot kapott a dolgozatára, minden tanuló érte legalább 60 pontot, és a dolgozatok ponttartaga 76 pont volt. minden tanuló egész pontszámmal értekeült dolgozatot írt.
- Legalább hányan lehettek a csoportban?
  - Legfejebb hány diák dolgozata lehetett 60 pontos, ha a csoport létszáma 14?

A 14 fős csoportból Annának, Baláznak, Csabának, Dorkának és Editnek lett 100 pontos a dolgozata. Pontosan hatan írtak 60 pontos dolgozatot, és csak egy olyan tanuló volt, akinek a pontszama megegyezett az átlagpontszámmal.

c) Hányélelképpen valósulhatott ez meg? (A csoport két eredményét akkor tekintjük különbözőnek, ha a csoport legalább egy tanulójának különböző a dolgozatra kapott pontszáma a két esetben.)

a)	5 pont	
b)	4 pont	
c)	7 pont	
Ö:	16 pont	

**II.****Az 5-9. feladatok közül tetszszerint választott négyet kell megoldania, a kihagyott feladat sorszámát írja be a 3. oldalon található üres négyzethe!**

- 5.** Egy urnában 5 azonos méretű golyó van, 2 piros és 3 fehér. Egyesével, és minden egyik golyót azonos eséllyel húzzuk ki az urnából a bent levők közül.  
 a) Hány különböző sorrendben húzzatjuk ki az 5 golyót, ha a kihúzott golyót nem tesszük vissza, és az azonos színű golyók nem különböztethetők meg egymástól?  
 b) Mennyi annak a valószínűsége, hogy az utolsó (ötödik) húzás előtt az urnában egy darab fehér golyó marad?

Az eredeti golyókat tartalmazó urnából hatszor húzunk úgy, hogy a kihúzott golyót minden húzás után visszatesszük.

- c) Mennyi annak a valószínűsége, hogy a hat húzásból legfeljebb kétszer húzunk piros golyót? (A valószínűséget három tizedesjegyre kerekített értékkel adj meg!)

a)	4 pont	
b)	4 pont	
c)	8 pont	
Ö::	16 pont	