

	a feladat sorszáma	maximális pontszám	elérte pontszám	maximális pontszám	elérte pontszám
I. rész	1.	14	10		
	2.	13			<b>51</b>
	3.	14			
	4.	16			
II. rész		16			
		16			<b>64</b>
		16			
		16			
<b>Az írásbeli vizsgáért pontszáma</b>			<b>115</b>		
← nem választott feladat					

dátum \_\_\_\_\_ javító tanár \_\_\_\_\_

**MATEMATIKA****EMELT SZINTŰ  
ÍRÁSBELI VIZSGA****2010. október 19. 8:00**

Az írásbeli vizsga időtartama: 240 perc

Pótlapok száma	
Tisztázati	
Piszkozati	

**NEMZETI ERŐFORRÁS  
MINISZTÉRIUM**

elérte pontszám <b>egész számról</b> keretívre	programba beírt <b>egész</b> pontszám
I. rész	
II. rész	

javitó tanár \_\_\_\_\_ jegyző \_\_\_\_\_

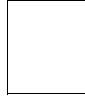
dátum \_\_\_\_\_ dátum \_\_\_\_\_

**ERETTSÉGI VIZSGA • 2010. október 19.**



## Fontos tudnivalók

1. A feladatok megoldására 240 perc fordítható, az idő leteltével a munkát be kell fejeznie.
2. A feladatok megoldási sorrendje téteszleges.
3. A II. részben kitüzzött öt feladat közül csak négyet kell megoldania. **A nem választott feladat sorozamát írja be a dolgozat betjezesekor az alábbi négyzetbe!**  
Ha a javító tanár számára *nem derül ki egyértelmeűen*, hogy melyik feladat értékkelését nem kéri, akkor a 9. feladatra nem kap pontot.



4. A feladatok megoldásához szöveges adatok tárolására és megjelenítésére nem alkalmas zsebszámológépet és bármilyen négyjeleű függvénytáblázatot használhat, más elektronikus vagy írásos segédszköz használata tilos!
5. **A feladatok megoldásához alkalmazott gondolatmenetet minden esetben írja le, mert a feladatra adható pontszám jelentős része erre jár!**
6. Ügyeljen arra, hogy a lényegesebb részszámlások is nyomon követhetők legyenek!
7. A feladatok megoldásánál használt tételek közül az iskolában tanult, névvel ellátott tételeket (pl. Pitagorasz-tétel, magasság-tétel) nem kell pontosan megfogalmazva kimondania, elég csak a tételek megnevezését említenie, de az alkalmazhatóságát röviden indokolnia kell. Egyéb tételek(ek)rre való hivatkozás csak akkor fogadható el teljes értéküknek, ha az állítást minden feltételével együtt pontosan mondja ki (bizonyítás nélkül), és az adott problémában az alkalmazhatóságát indokolja.
8. A feladatok végeredményét (a felteft kérdésre adandó választ) szöveges megfogalmazásban is közelje!

9. A dolgozatot tollal írja, de az ábrákat ceruzával is rajzolhatja. Az ábrákon kívül ceruzával írt részeket a javító tanár nem értékkelheti. Ha valamilyen megoldást vagy megoldásrészletet áthúz, akkor az nem értékkelhető.
10. minden feladatnál csak egyfélé megoldás értékkelhető. Több megoldási próbálkozás esetén **egyértelmeűen jelölje**, hogy melyiket tartja érvényesnek!
11. Kérjük, hogy a szürkített téglalapokba semmit ne írjon!

**I.**

- a) Mely valós számok elégítik ki az alábbi egyenlőtlenséget?  
 $(x-1)^3 - (x+1)^3 > -8$

- b) Az alábbi  $f$  és  $g$  függvényt is a  $[-3; 6]$  intervallumon értelmeznek.  
 $f(x) = \sqrt{x+3}$  és  $g(x) = -0,5x + 2,5$ .  
Ábrázolja közös koordinátarendszerben az  $f$  és a  $g$  függvényt a  $[-3; 6]$  intervallumon!

igazolja számolással, hogy a két grafikon metszéspontjának minden két koordinátája egész szám!

- c) Oldja meg az alábbi egyenlőtlenséget a valós számok halmazán!  
 $0,5x + \sqrt{x+3} \leq 2,5$

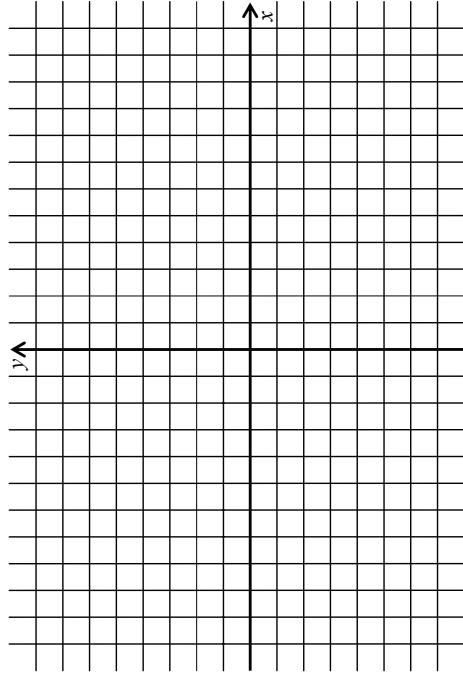
<b>a)</b>	4 pont	
<b>b)</b>	4 pont	
<b>c)</b>	6 pont	
<b>Ö:</b>	14 pont	

**Az 5-9. feladatok közül tetszés szerint választott négyet kell megoldania, a kihagyott feladat sorszámat írja be a 3. oldalon található üres négyzetbe!**

- 9.** Egy egyetem 10 580 hallgatójának tanulmányi lapijáról összesítették az angol és német nyelvvizsgák számát. Kiderült, hogy a német nyelvvizsgával nem rendelkező 70%-ának, a német nyelvvizsgával rendelkezők 30%-ának nincs angol nyelvvizsgája. Az angol nyelvvizsgával nem rendelkezők 60%-ának német nyelvvizsgája sincs.

- a) Ezek közül a hallgatók közül hányan rendelkeztek angol és hányan német nyelvvizsgával?
- b) A hallgatók hány százaléka rendelkezett az angol és német nyelvvizsgák mindenkitével?

a)	12 pont	
b)	4 pont	
Ö::	16 pont	



- 2.**
- a) Hány olyan tízjegyű pozitív egész szám van, amelynek minden számjegye a  $\{0; 8\}$  halmaz eleme?

- b) Írja fel a 45-nek azt a legkisebb pozitív többszörösét, amely csak a 0 és a 8-as számjegyeket tartalmazza!

(A feladat megoldása során fokozottan vegye figyelembe a 3. oldalon található 5. és 6. pontban elírtakat!)

a)	3 pont
b)	7 pont
Összesítés:	10 pont

**Az 5-9. feladatok közül tetszés szerint választott négyet kell megoldania,  
a kihagyott feladat sorszámat írja be a 3. oldalon található üres négyzetbe!**

**8.**

- a) Két gyerek mindegyike 240 forintért vett kaparós sorsjegyet. Fém pénzzel fizettek (5; 10; 20; 50; 100 és 200 forintos érmékkel), és pontosan kiszámolták a fizetendő összeget. Hány félképpen fizethet Mikló, ha ó 4 darab érmével fizetett, és hány félképpen fizethet Károly, ha ó 5 darab érmével fizetett?  
(A pénzérmek átadási sorrendjét nem vesszük figyelembe.)

A „bergengő” lottóban kétszer húznak egy játéknapon. Bandi egy szelvénnyel játszik, tehát az adott játéknapon minden két húzásnál nyerhet **ugyanazzal** a szelvénnyel.

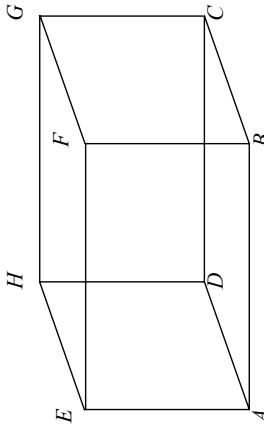
- b) Mekkora annak a valószínűsége, hogy egy adott játéknapon Bandinak legalább egy telitalálat lesz, ha  $p$  annak a valószínűsége ( $0 < p < 1$ ), hogy egy szelvénnyen, egy húzás esetén telitalálat lesz?

Megváltoztatták a játékszabályokat: minden játéknapon csak **egyszer** húznak (más játékszabály nem változott). Bandi most **két** (nem feltétlenül különbözően kitöltött) szelvénnyel játszik.

- c) Mekkora annak a valószínűsége, hogy egy adott játéknapon Bandinak telitaládata legyen valamelyik szelvénynél?
- d) A telitalálat szempontjából a b) vagy a c)-ben leírt játék kedvezőbb Bandi számára?

a)	4 pont	
b)	4 pont	
c)	4 pont	
d)	4 pont	
Ö:	16 pont	

- 3.** Az  $ABCDEFGH$  téglalap  $A$  csúcsból induló élei:  $AB=12$ ;  $AD=6$ ;  $AE=8$ . Jelölje a  $HG$  él felezőpontját  $P$ .



- a) Számitsa ki az  $ABCDP$  gúla felszínét!
- b) Mekkora szöget zár be az  $ABCDP$  gúla  $ABP$  lapjának síkja az  $ABCD$  lap síkjával?

a)	10 pont	
b)	3 pont	
Összesítés:	13 pont	

**Az 5-9. feladatok közül tetszés szerint választott négyet kell megoldania,  
a kihagyott feladat sorszámat írja be a 3. oldalon található üres négyzetbe!**

7. Egy kozmetikumokat gyártó vállalkozás nagy térelben gyárt egyfajta krémet. A termelés teljes havi mennyisége ( $x$  kilogramm) 100 és 700 kg közé esik, amelyet egy negálapodás a lapján a gyártás hónapjában el is adnak egy nagykereskedőnek. A megállapodás azt is tartalmazza, hogy egy kilogramm krém eladási ára:  $(36 - 0,03x)$  euró.
- A krémgyártással összefüggő havi kiadás (költség) is függ a havonta eladtott mennyiségtől. A krémgyártással összefüggő összes havi kiadást (költséget) a  $0,0001x^3 - 30,12x + 13\,000$  összefüggés adja meg, szintén euróban.

- a) Számítsa ki, hogy hány kilogramm krém eladtása esetén lesz az eladásból származó havi bevétel a legnagyobb! Mekkora a legnagyobb havi bevétel?
- b) Adja meg a krémgyártással elérhető legnagyobb havi nyereséget! Hány kilogramm krém értékéstesése esetén valósul ez meg? (nyereség = bevétel - kiadás)

a)	6 pont	
b)	10 pont	
Ö:	16 pont	

- 4.** Egy felmérés során megkérdeztek 640 családot a családban élő gyermekek számáról, illetve azok neméről. A felmérés eredményét az alábbi táblázat mutatja:

		fiúk száma					
		0	1	2	3	4	5
Lányok száma	0	160	103	61	8	5	0
	1	121	58	11	4	1	1
	2	54	15	3	2	2	2
	3	9	3	1	1	0	1
	4	6	3	1	1	1	0
	5	1	0	1	0	0	0

(Tehát pl. a gyermekteleben családoknak a száma 160, és 15 olyan család volt a megkérdezettek között, amelyben 1 fiú és 2 lány van.)

- a) Hány fiúgyermek van összesen a megkérdezett családokban?
- b) A felmérésben szereplő legalább kétgyermekes családokban mennyi a leggyakoribb leányszám?
- c) A családszegítő szolgálat a megkérdezett családok közül a legalább négy gyermeket nevelőket külön támogatja. Az alábbi táblázat kitöltéssel készítsen gyakorisági táblázatot a külön támogatásban részesült családokban lévő gyermekek számáról!

gyermekszám egy családban	4	5	6	7	8	9	10
gyakoriság							

Hány családot és összesen hány gyermeket támogat a családszegítő szolgálat?

a)	3 pont
b)	5 pont
c)	6 pont
Ó::	14 pont

**Az 5-9. feladatok közül tetszés szerint választott négyet kell megoldania, a kihagyott feladat sorszámat írja be a 3. oldalon található üres négyzetbe!**

**6.** Megrajzoltuk az  $ABCDE$  szabályos ötszöget, és berajzoltuk minden átlóját. Az átlók metszéspontjait az ábra szerint betűtük meg:  $P, Q, R, S, T$ .

- a) Hány olyan háromszög látható az ábrán, amelynek minden három csúcsa a megjelölt 10 pont közül való, és minden három oldalegyenes az  $ABCDE$  ötszög oldalegyenesei és átlóegyenesei közül kerül ki?

Hány lényegesen különböző háromszög van ezek között, ha az egymáshoz hasonló háromszögeket nem tekintjük lényegesen különbözőnek?

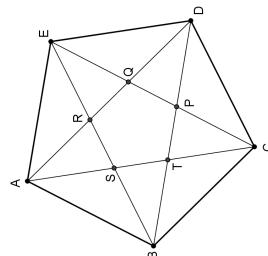
- b) Tudjuk, hogy az  $ABCQ$  négyzög területe  $120 \text{ cm}^2$ . Mekkora az  $ABCDE$  ötszög területe? Válaszat egész értékre kerekítve adja meg!

- c) Tekintsük azt a tíz csúcú graffot, amelyet a megadott ábra szemléltet. Erről a graffról fogalmazunk meg két állítást. Állapítsa meg minden állításról, hogy igaz vagy hamis! Adjón rövid magyarázatot válaszára!

1. állítás: Ennek a graffnak 20 élé van.

2. állítás: Ebben a graffban van olyan részgráf, amely nyolc élű kör.

a)	8 pont	
b)	4 pont	
c)	4 pont	
Ö::	16 pont	



**II.**

**Az 5-9. feladatok közt tetszés szerint választott négyet kell megoldania,  
a kihagyott feladat sorszámnát írja be a 3. oldalon található üres négyzetbe!**

5. A  $x^2 = 2y$  egyenletű parabola az  $x^2 + y^2 \leq 8$  egyenletű köörípot két részre vágja.  
Mekkora a konvex rész területe? Számolása során ne használja a  $\pi$  közelítő értékét!

Ö:	16 pont
----	---------

