

**ÉRETTSÉGI VIZSGA • 2020. május 5.**

	a feladat sor- száma	pontszám		
		maximális elért	maximális	elért
I. rész	1.	12		
	2.	13		
	3.	12		51
	4.	14		
II. rész		16		
		16		64
		16		
		← nem választott feladat		
		<b>Az írásbeli vizsgarész pontszáma</b>		<b>115</b>

\_\_\_\_\_ dátum \_\_\_\_\_ javító tanár

	pontszáma egész számra kerekítve	
	elért	programba beírt
I. rész		
II. rész		

\_\_\_\_\_ dátum \_\_\_\_\_ dátum  
 \_\_\_\_\_ javító tanár \_\_\_\_\_ jegyző

**MATEMATIKA**  
**EMELT SZINTŰ**  
**ÍRÁSBELI VIZSGA**

**2020. május 5. 9:00**

Időtartam: 240 perc

Pótlapok száma	
Tisztázati	
Piszkozati	

**EMBERI ERŐFORRÁSOK MINISZTERIUMA**















--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

**Az 5-9. feladatok közül tetszése szerint választott négyet kell megoldania. A kihagyott feladat sorszámát írja be a 3. oldalon található üres négyzetbe!**

7. Egy társasjátékban a játékosok egyforma méretű golyókból négy réteget piramist építenek (ábra). A piramist  $1^2 + 2^2 + 3^2 + 4^2 = 30$  golyó alkotja, amelyek közül 15 sötét, a többi 15 pedig világos. A piramis építéséhez szükséges 30 golyót először kikészítik egy dobozba, majd az építés során a golyókat véletlenszerűen vesznek ki a dobozból.



- a) Mekkora annak a valószínűsége, hogy a föltűről számított második rétegbe kertiő 4 golyó mindegyike sötét színű lesz?

Az  $n$  rétegtű piramis  $1^2 + 2^2 + \dots + n^2$  darab golyóból áll ( $n \in \mathbb{N}^+$ ).

- b) Bizonyítsa be (például teljes indukcióval), hogy  $1^2 + 2^2 + \dots + n^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$ .

A kétrétegtű piramis 5 golyóból áll (ábra). Az alsó réteget alkotó 4 golyót egy vízszintes síklapon helyeztűk el úgy, hogy az egymás melletti golyók érintsék egymást, középpontjaik pedig egy négyzet csúcsai legyenek. A golyók sugara 1 cm.



- c) Számítsa ki a kétrétegtű piramis magasságát!

a)	4 pont
b)	6 pont
c)	6 pont
Ö.::	16 pont





