









--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

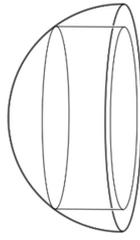
--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

**Az 5-9. feladatok közül tetszése szerint választott négyet kell megoldania.  
A kihagyott feladat sorszámát írja be a 3. oldalon található üres négyzetbe!**

**9.** Két forgáshenger alakú viaszgyertyánk van. Az egyik gyertya alapkörének sugara  $r$ , magassága  $h$ , a másik alapkörének sugara  $R$ , magassága szintén  $h$ . A két gyertyát összeolvasztjuk, majd a viaszból egy ugyancsak  $h$  magasságú, forgáshenger alakú gyertyát öntünk ( $r, h, R > 0$ ).

**a)** Igazolja, hogy az így kapott gyertya alapkörének sugara legalább  $\sqrt{2rR}$ .  
(Az öntés során fellépő anyagvesztéségtől eltekinthetünk.)

Egy forgáshenger alakú tortát egy 15 cm sugarú, félgömb alakú védőbúra alatt helyezünk el. A torta a félgömb határoló körének síkján áll, és a torta fedőlapjának határoló köre a félgömbre illeszkedik (az ábra szerint).



**b)** Igazolja, hogy az  $m$  cm magasságú torta térfogata (köbcentiméterben mérve)  $225\pi m - \pi m^3$ . ( $0 < m < 15$ )

**c)** Igazolja, hogy a védőbúra alatt (a fent leírt módon) elhelyezhető maximális térfogatú torta térfogata kisebb, mint a félgömb térfogatának 60%-a!

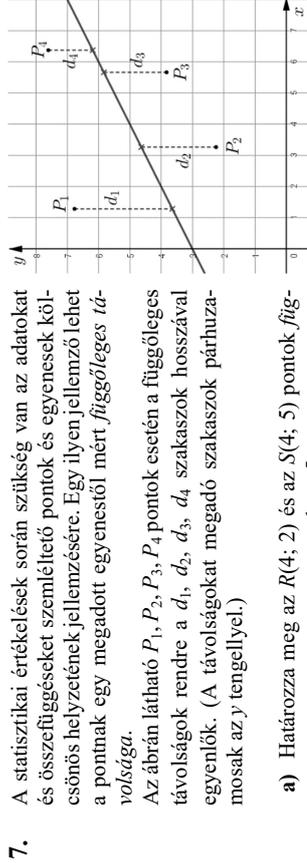
<b>a)</b>	5 pont
<b>b)</b>	4 pont
<b>c)</b>	7 pont
<b>Ö.:</b>	16 pont







**Az 5-9. feladatok közül tetszése szerint választott négyet kell megoldania.  
A kihagyott feladat sorszámát írja be a 3. oldalon található üres négyzetbe!**



- a) Határozza meg az  $R(4; 2)$  és az  $S(4; 5)$  pontok *függőleges távolságait* az  $y = \frac{1}{3}x + \frac{5}{3}$  egyenestől!

Há a derékszögű koordináta-rendszerben az adatokat pontokkal jelenítjük meg, és különböző egyeneseket veszünk fel, akkor mindegyik egyeneshez kiszámítható a pontok *függőleges távolságainak négyzetösszege* (az ábrán látható példában  $d_1^2 + d_2^2 + d_3^2 + d_4^2$ ). Tekintsük azt az egyenest a *pontokra legjobban illeszkedő egyenesnek*, amelyre ez a négyzetösszeg a lehető legkisebb.

Adott három pont a koordináta-rendszerben:  $A(1; 3)$ ,  $B(3; 5)$  és  $C(4; 4)$ .

- b) Adja meg az  $m$  értékét úgy, hogy az  $y = mx$  egyenletű (origón átmenő) egyenes a megadott módszer szerint a *legjobban illeszkedjen* az  $A$ ,  $B$  és  $C$  pontokra! ( $m \in \mathbf{R}$ )

Az  $y = \frac{1}{3}(-2x^2 + 11x)$  egyenletű  $g$  görbe áthalad a megadott  $A$  és  $B$  pontokon, a  $h$  egyenes pedig az origón és a  $C$  ponton.

- c) Mekkora a  $g$  és  $h$  által közbezárt korlátos alakzat területe?

a)	3 pont
b)	6 pont
c)	7 pont
Ö.::	16 pont





