

MATEMATIKA

KÖZÉPSZINTŰ ÉRETTSÉGI VIZSGA

Az írásbeli vizsga időtartama: 180 perc

JAVÍTÁSI-ÉRTÉKELÉSI ÚTMUTATÓ

OKTATÁSI MINISZTÉRIUM

ÉRETTSÉGI VIZSGA • 2005. május 28.

Fontos tudnivalók

Formai előírások:

- A dolgozatot a vizsgázó által használt színtől eltérő színű tollal kell javítani, és a tanári gyakorlatnak megfelelően jeleiőni a hibákat, hiányokat stb.
- A feladatok mellett található téglalapok közül az elsőt a feladatra adható maximális pontszám van, a javító által adott **pontszám** a mellette levő **téglalapba** kerül.
- **Kifogástalan megoldás esetén** elég a maximális pontszám beírása a megfelelő téglalapokba.
- Hiányos/hibás megoldás esetén kérjük, hogy az egyes **részpontszámokat** is írja rá a dolgozatra.

Tartalmi kérdések:

- Egyes feladatoknál több megoldás pontozását is megadtuk. Amennyiben azoktól **eltérő megoldás** születik, keresse meg ezen megoldásoknak az útmutató egyes részleteivel egyenértékű részeit, és ennek alapján pontozzon.
- A pontozási útmutató pontjai tovább **bonthatók**. Az adható pontszámok azonban csak egész pontok lehetnek.
- Nyilvánvalóan helyes gondolatmenet és végeredmény esetén maximális pontszám adható akkor is, ha a leírás az útmutatóban szereplőnél kevésbé részletezett.
- Ha a megoldásban **számosási hiba**, pontatlanság van, akkor csak arra a része nem jár pont, ahol a tanuló a hibát elkövette. Ha a hibás részeredménytel helyes gondolatmenet alapján tovább dolgozik, akkor a következő részponiszámokat meg kell adni.
- **Elvi hiba** esetén, egy gondolatot egységen belül (ezeket az útmutatóban kettős vonal jelzi) a formalisan matematikai lépésekre sem jár pont. Ha azonban a tanuló az elvi hibával kapott rossz eredményt mint kiinduló adattal helyesen számolt tovább a következő gondolati egységeken vagy részkérésben, akkor erre a részre kapja meg a maximális pontot.
- Ha a negoldási útmutatóban zárójelben szerepel egy **mértékeyegység**, akkor ennek hiánya esetén is teljes értékű a megoldás.
- Egy feladatra adott többséle meghaladó pontszám közül csak egy (a magasabb pontszámú) értekelhető.
- A megoldásokért **jutalompont** (az adott feladatra vagy feladatrészre előírt maximális pontszámot meghaladó pont) **nem adható**.
- Az olyan részszámlításokért, részlépésekért nem jár **pontlevonás**, melyek hibásak, de amelyeket a feladat megoldásához a vizsgázó ténylegesen nem használ fel.
- **A vizsgafeladatokor II./B részben kitűzött 3 feladat közül csak 2 feladat megoldása értekelhető.** A vizsgázó az erre a céllra szolgáló négyzetben – feltéhetőleg – megjelölte annak a feladatnak a sorszámat, amelynek értékelése nem fog beszámítani az összpontszámába. Ennek megfelelően a megijelölt feladatra esetlegesen adott megoldást nem is kell javítani. Ha mégsem derül ki egyértelműen, hogy a vizsgázó melyik feladat értékelését nem kéri, akkor automatikusan a kitűzött sorrend szerinti legutolsó feladat lesz az, amelyet nem kell értékelni.

I.

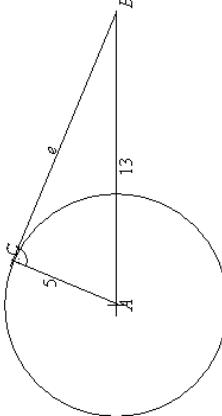
1.	$x_1 = -7$.	1 pont
	$x_2 = 7$.	1 pont
	Összesen: 2 pont	

2.	A kabát 1 leszállított ára 36 000 Ft.	2 pont
	Összesen: 2 pont	

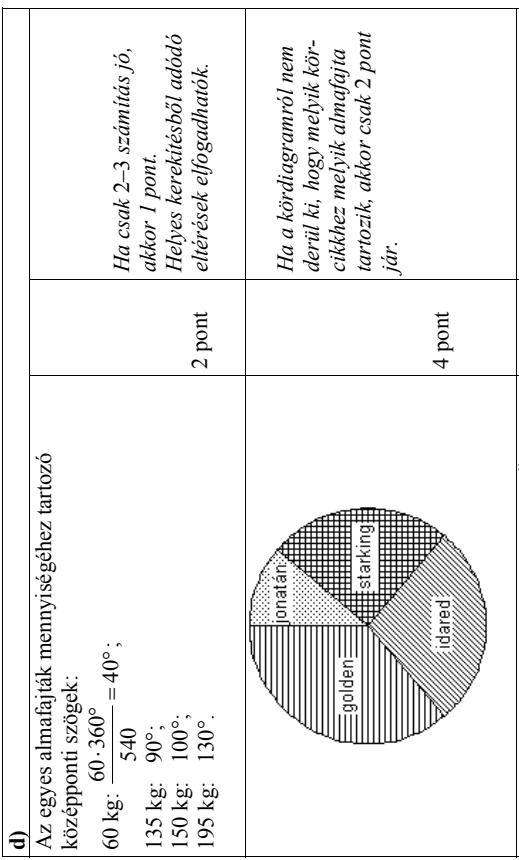
3.	$A = 2 \cdot (15 \cdot 12 + 15 \cdot 8 + 8 \cdot 12) = 792$. A téglatest felülete: 792 cm^2 .	2 pont 1 pont <i>Mértekegység nélkül ez a pont nem jár.</i>
	Összesen: 3 pont	

4.	$t = \frac{\alpha^\circ \cdot r^2 \pi}{360^\circ} = 12\pi \text{ cm}^2 \approx 37,7 \text{ cm}^2$.	2 pont 2 pont <i>A helyes végeredmény 2 pont.</i>
	Összesen: 2 pont	

5.	B	2 pont
	Összesen: 2 pont	

6.		<i>Az ábráról akkor jár az 1 pont, ha a rajzon a derékszögei is bejelölői. Ha nincs ábra, vagy hiányos az ábra, de a megoldásból egyértelműen kiderül a sugar és az érintő kötői összetüleges ismerete, ez az 1 pont akkor is jár.</i>
	Az ABC derékszögű háromszögben alkalmazzuk Pitagorasz tételét: $e^2 = 13^2 - 5^2$. $e = 12 \text{ cm}$.	1 pont 1 pont Összesen: 3 pont

= 53 250 Ft.	1 pont	
	Összesen: 2 pont	
c)		
Az összes alma mennyisége 540 kg. Átlagos almaár: $\frac{53 250}{540} =$ $\approx 98,6$ Ft.	1 pont 1 pont 1 pont	



e)

A kiborult jonatán és idared almák darabszáma aránya: $1,25 : 1$.

A keresett valószínűség: $\frac{1,25}{2,25} = \frac{5}{9} \approx 0,56$.

A sonozat tagjai: 6; 6 + d; 6 + 2d; 1623. $6 + 3d = 1623$. $d = 539$. Az első beiktatott szám: 545. A második beiktatott szám: 1084.	1 pont 1 pont 1 pont 1 pont
Összesen: 4 pont	

b)

A) $5 \cdot (x-1) + 4x = 40$,
azaz $x = 5$.
Ez valóban megoldása (behelyettesítés vagy ekvivalencia) az eredeti egyenletnek.

Összesen: 5 pont	
-------------------------	--

b)

Értelmezési tartomány: $x > 1$.
Logaritmus-azonosság alkalmazásával:
 $\lg 4(x-1) = 2$.

A logaritmus definíciója alapján: $4(x-1) = 100$.
 $x = 26$.

Ellenorzés.

Összesen: 7 pont

* Ha a gyököt behelyettesítéssel ellenőri, vagy a helyesen megállapított értelmezési tartományval összveri, és helyesen hivatkozik az átalakítások ekvivalenciájára, akkor mindkét pontot megkapja.
Harossz állapítja meg az értelmezési tartományt, de behelyettesítéssel ellenőriz, 2 pontot kap.
Ha jól állapítja meg az értelmezési tartományt, de a kapott gyököt nem veti össze vele, akkor ebből a 2 pontból 1 pontot kap.
Ha vizsgálja az értelmezési tartományt, és ennek alapján az $x = 26$ -ot elfogadja, de nem hivatkozik ekvivalens átalakításokra, akkor szintén 1 pont jár.

Összesen: 2 pont	
-------------------------	--

c)

Az a helyes választ ábráról leolvasható meg, akkor is jár a 2 pont.

Összesen: 2 pont	
-------------------------	--

b)

(2; 4).

2 pont	Ha a helyes választ ábráról leolvasható meg, akkor is jár a 2 pont.
--------	---

Összesen: 2 pont

II./A

13.

a)

Összesen: 2 pont

II./A

$1620 = 8 + 4 \cdot (n - 1)$	1 pont
$n = 404.$	1 pont
$S_n = \frac{8+1620}{2} \cdot 404.$	1 pont
$S_n = 328\,856.$	1 pont

15.

a) 15 méter.	1 pont
Összesen: 1 pont	

b) A 30. másodpercnél vagy a 31. másodpercben.	2 pont
Ha több időpontot is megjelöl, nem kaphat pontot.	

c) János.	2 pont
Összesen: 2 pont	

d) A lehetséges sorrendek száma: $3 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 18.$	3 pont
Az összes eset helyes felismerésére is jár a 3 pont. *	

e)	1 pont
<i>Ha ezt kilön nem írja le, de a megoldásból kiderül, ez az 1 pont akkor is jár.</i>	

Két esetet kell vizsgálni: ha a Delfinek holtversenyben az első helyen végeztek, akkor: $\binom{3}{1} \cdot 2 \cdot 1$ a lehetséges sorrendek száma;	1 pont
ha a Delfinek nem lettek elsők, akkor $\binom{3}{2}$ a lehetséges sorrendek száma.	1 pont

A lehetséges sorrendek száma összesen: 9.	1 pont
Összesen: 4 pont	

* Ha nem teljes a felismerés, de a lehetséges eseteknek legalább a felét megtalálta, 1-1 pontot kap.

II./B

A 16–18. feladatok közül a tanuló által megjelölt feladatot nem kell értékelni.

16.	
a)	$49 + 49 + 14 - 14 - 47 \neq 0.$
Tehát a pont nem illeszkedik a körre.	1 pont
Összesen: 2 pont	Jó ábra alapján adott válaszért is 2 pont jár.

15.	
a)	
Összesen: 1 pont	$(x+1)^2 + (y-1)^2 = 49.$
	$K(-1; 1).$

b)	
A 30. másodpercnél vagy a 31. másodpercben.	2 pont
Ha több időpontot is megjelöl, nem kaphat pontot.	
Összesen: 2 pont	

c)	
A háromszög harmadik csúcsa az alap felezőmerőlegesen van.	1 pont
Az AB oldal felezőponija: $F(3,5; 3,5).$	1 pont
Az AB oldal felezőmerőlegesének normálvektora: $\underline{n}(7,7).$	1 pont

d)	
A lehetséges sorrendek száma: $3 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1 = 18.$	3 pont
Az összes eset helyes felismerésére is jár a 3 pont. *	
Összesen: 3 pont	
e)	
<i>Ha ezt kilön nem írja le, de a megoldásból kiderül, ez az 1 pont akkor is jár.</i>	
<i>$x^2 - 5x - 6 = 0.$</i>	1 pont
<i>$(x+1)^2 + (y-1)^2 = 49$.</i>	2 pont
<i>$y = 7 - x$</i>	
$x_1 = 6; \quad x_2 = -1.$	1 pont
$y_1 = 1; \quad y_2 = 8.$	1 pont
$C_1(6; 1)$ és $C_2(-1; 8).$	1 pont
<i>A háromszög harmadik csúcsát a kör és a felezőmerőleges metszéspontja adja:</i>	
<i>$(x+1)^2 + (y-1)^2 = 49$.</i>	
<i>$x^2 - 5x - 6 = 0.$</i>	
<i>$x_1 = 6; \quad x_2 = -1.$</i>	
<i>$y_1 = 1; \quad y_2 = 8.$</i>	
<i>$C_1(6; 1)$ és $C_2(-1; 8).$</i>	
Összesen: 10 pont	

17.	
a)	$\frac{120}{85} \approx 1,41.$
	1 pont
Kb. 41%-kal drágább a jutánán alna.	1 pont
Összesen: 2 pont	
b)	$60 \cdot 120 + 150 \cdot 120 + 195 \cdot 85 + 135 \cdot 85 =$
	1 pont