

## MATEMATIKA

# KÖZÉPSZINTŰ ÍRÁSBELI ÉRETTSÉGI VIZSGA

ERETTSÉGI VIZSGA • 2005. október 25.

# JAVÍTÁSI-ÉRTÉKELÉSI ÚTMUTATÓ

OKTATÁSI MINISZTERIUM

## Fontos tudnivalók

### Formai előírások:

- A dolgozatot a vizsgázó által használt színtől elterő színű tollal kell javítani, és a tanári gyakorlatnak megfelelően jelölni a hibákat, hiányokat stb.
- A feladatok mellett található szürke téglalapok közül az elülsőben a feladatra adható maximális pontszám van, a javító által adott **pontszám a melléte levő téglalapba** kerül.
- Kifogástalan megoldás esetén** elég a maximális pontszám beírása a megfelelő téglalapokba.
- Hiányos/hibás megoldás esetén kérjük, hogy az egyes részponiszámokat is írja rá a dobozra.

### Tartalmi kérdések:

- Egyes feladatoknál több megoldás pontozását is megadtuk. Amennyiben azoktól elterő **megoldás** születik, keresse meg ezen megoldásoknak az útmutató egyes részleteivel egyenértékű részeit, és ennek alapján pontozzon.
- A pontozási útmutató pontjai tovább **bonthatók**. Az adható pontszámok azonban csak egész pontok lehetnek.
- Nyilvánvalan helyes gondolatmenet és végeredmény esetén maximális pontszám adható akkor is, ha a leírás az útmutatóban szereplőnél kevésbé részletezett.
- Ha a megoldásban **számos hiba**, pontatlanság van, akkor csak arra a része nem jár pont, ahol a tanuló a hibát elkövette. Ha a hibás részeredményel helyes gondolatmenet alapján tovább dolgozik, akkor a következő részponiszámokat meg kell adni.
- Elni hibát** követően egy gondolati egységen belül (ezeket az útmutatóban kettős vonal jelzi) a formálisan helyes matematikai lépésekre sem jár pont. Ha azonban a tanuló az elvi hibával kapott rossz eredménnyel mint kiindulási helyesen számol tovább a következő gondolati egységeken vagy részkérésben, akkor erre a részre kapja meg a maximális pontot.
- Ha a megoldási útmutatóban zárójelben szerepel egy **mértékegység**, akkor ennek hiánya esetén is teljes értékű a megoldás.
- Egy feladatra adott többféle megoldási próbálkozás közül csak egy (a magasabb pontszámú) **értekelhető**.
- A megoldásokért **jutalompont** (az adott feladatra vagy feladatrészre előírt maximális pontszámot meghaladó pont) **nem adható**.
- Az olyan részszámlításokért, részlépésekért **nem jár pontlevonás**, melyek hibásak, de amelyeket a feladat megoldásához a vizsgázó ténylegesen nem használ fel.
- A vizsgafeladatsor II/B részében kitűzött 3 feladat kizáll csak 2 feladat megoldása értékkelhető.** A vizsgázó az erre a célra szolgáló négyzetben – feltéhetőleg – megjölíté annak a feladatnak a sorszáma, amelynek értékelése nem fog beszámítani az összponiszámába. Ennek megfelelően a megjelölt feladatra esetlegesen adott megoldást nem is kell javítani. Ha mégsem derül ki egyértelműen, hogy a vizsgázó melyik feladat értékkelést nem kéri, akkor automatikusan a kitűzött sorrend szerinti legutolsó feladat lesz az, amelyet nem kell értékelni.

## 18. a)

$h = 1,12(240 + 39 \cdot 19,8 + 24 \cdot 10,2) = 1407,84$	2 pont	Ha ÁFA nélküli számla, 1 ponnt kaphat.
≈ 1408 forintot fizettek.	1 pont	

**Összesen: 3 pont**

## 18. b)

$F = 1,12(240 + 19,8x + 10,2y)$	3 pont	Ha ÁFA nélküli számla, vagy lemarad az alapdíj, legfeljebb 1 pontot kaphat.
	3 pont	

**Összesen: 3 pont**

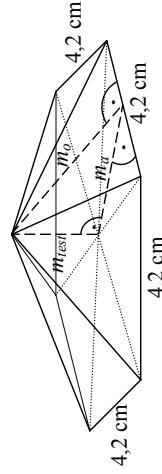
## 18. c)

$5456 = 1,12(240 + 19,8x + 10,2y)$	2 pont	Egy ismeretlennel jól
$x = 2y$	2 pont	felirva is jár a 4 pont.
$4871,43 = 240 + 39,6y + 10,2y$	1 pont	
$4631,43 = 49,8y$	1 pont	
$y = 93$	1 pont	
A nappali árumból 186 kWh, az éjszakaiból 93 kWh volt a fogyasztás.	1 pont	
	8 pont	

**Összesen: 8 pont**

## 18. d)

$19,8x = 10,2y$	1 pont	Ha a közelítő adatot nem írja fel, akkor is jár a 2 pont.
$\frac{x}{y} = \frac{10,2}{19,8} \approx 0,515$ a keresett arány.	2 pont	
	3 pont	

**17.****17. a)**

$V = \frac{1}{3} T_{\text{háromszög}} \cdot m$	$= \frac{1}{3} \cdot 6 \cdot T_{\text{háromszög}} \cdot m$	1 pont	A pontok akkor is járnak, ha a gondolatmenet a képlerekek helyes használataból derül ki. Ha a $mm^3$ -ben adja meg az eredményt, 1 pontot veszít.
$m = 25 \text{ mm}$	$= 2,5 \text{ cm}$	1 pont	
$V = 38,19 \text{ cm}^3 \approx 38,2 \text{ cm}^3$ faanyag van a gúlábán.		2 pont	

Összesen: 4 pont

**17. b)**

$T_{\text{pállista}} = 6 T_{\text{oldallap}} = 3am_o$	1 pont	
$m_o = m_a^2 + m_{\text{test}}^2$	2 pont	
$m_a = \sqrt{4,2^2 - 2,1^2}$ vagy $m_a = \frac{4,2}{2} \cdot \sqrt{3}$	2 pont	
$m_a = 3,64 \text{ cm}$	1 pont	
$m_o = 4,41 \text{ cm}$	1 pont	
$T_{\text{pállista}} = 55,6 \text{ cm}^2$ , ennyi felületet festenek be.	1 pont	
Összesen: 8 pont		

Összesen: 8 pont

**I.**

<b>1.</b>			
A számláló: $x(x - 3)$ .	1 pont		
A tört egyszerűsítve: $x - 3$ .	1 pont		

Összesen: 2 pont A szorzat alak felírása nélkül is jár a 2 pont.

<b>2.</b>			
A számjelek összege nem három többszöröse (a 0 az összegen nem változtat).	1 pont		
Nem lehetett igaza.	1 pont		

<b>3.</b>			
	1 pont		
Ábra az adatokkal.			

$x = 4,7 \cdot \cos 52,5^\circ = 2,861$	1 pont		
A befogó hossza kerekítve: 2,9 cm.	1 pont	Csak helyes kerekítés esetén adható.	
Összesen: 3 pont			

<b>4.</b>			
B	2 pont		
Összesen: 2 pont			

<b>5.</b>			
$5x + 8y = -10 + 56$	1 pont	A megfelelő egyenlet kiválasztásáért.	
$5x + 8y = 46$	1 pont	A jó behelyettesítésért adható.	

<b>17. c)</b>			
Hattéle szint 6! - űle sorrendben lehet felfesteni.	1 pont		
A gúla forgásszimmetriája miatt a színezések száma	2 pont	Az indoklás nélküli válasz 1 pontot ér.	
$5! = 120$ .			
Összesen: 3 pont			
<b>17. d)</b>			
A tízszeres nagyítás miatt $10^3 = 1000$ -szorannyi fát	2 pont	Az indoklás nélküli válasz 1 pontot ér.	
tartalmaz.			
Összesen: 2 pont		2 pontot ér az is, ha csak leírja a jó eredményt.	

<b>6.</b>	$\left(\frac{y}{x}\right)^2 = \frac{y^2}{x^2} = \frac{1}{\frac{x^2}{y^2}} = \frac{1}{\left(\frac{x}{y}\right)^2}$	2 pont Bármelyik alak jó. A 2 pont nem bontható.
	<b>Összesen:</b> <b>2 pont</b>	

<b>7.</b>	$6 \cdot b_1 = 11$ $4 \cdot b_2 = 5$ $b(-5; -1)$	1 pont 1 pont 1 pont <b>Összesen:</b> <b>3 pont</b> Ha a b-t jól felfrjá, jár a 3 pont.
-----------	--	---

<b>8.</b>	Tudja, hogy a $10 - x > 0$ egyenlőtlenségnek kell teljesülnie.	1 pont Ezen sor feltírása nélküli is 2 pontot ér a helyes válasz.
	$x < 10$	1 pont A jó válasz teljes értékű. Ha az $x = 10$ értéket is megengedi, 1 pontot kapjat.
	<b>Összesen:</b> <b>2 pont</b>	

<b>9.</b>	Például:	
	Berajzolja azt öt pontot, közte egy negyedfokút.	1 pont
	Pontosan négy másodfokú pontot rajzol meg.	2 pont
	<b>Összesen:</b> <b>3 pont</b>	<i>Heheys ábraért indoklás nélküli is jár a 3 pont.</i>

<b>II./B</b>		
<b>16. a)</b>	A logaritmus definíciója szerint $\sqrt{x+1+1} = 3^2$ .	2 pont Szöveges indoklás nélküli is jár a 2 pont.
$\sqrt{x+1} = 8$		1 pont
$x+1 = 64$		1 pont
$x = 63$		1 pont
	<b>Ellenőrzés:</b>	
	<b>Összesen:</b> <b>6 pont</b>	

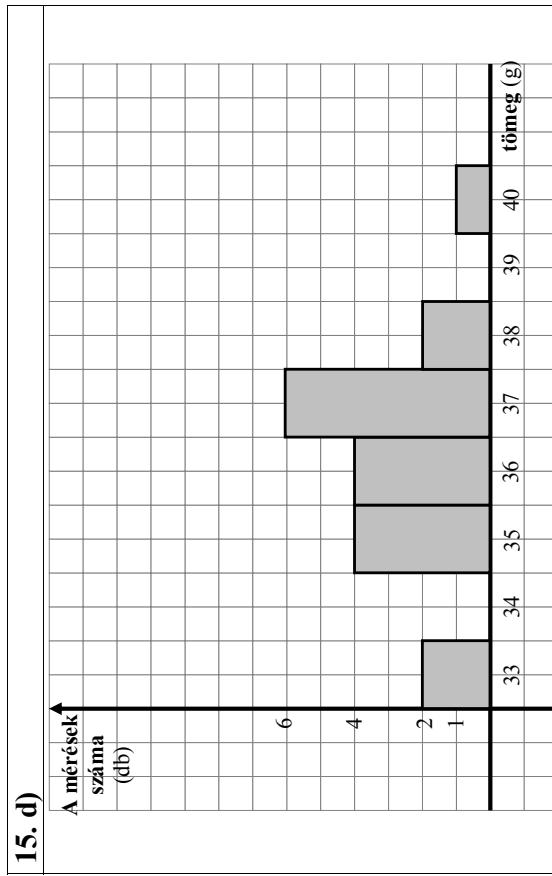
  

<b>16. b)</b>	$\cos^2 x = 1 - \sin^2 x$ helyettesítéssel, $2 - 2\sin^2 x + 5\sin x - 4 = 0$ .	1 pont A jó helyettesítés ehhez szörjt jár a 2 pont.
$\sin x = z$ új változóval $2z^2 - 5z + 2 = 0$ .		1 pont Új változó nélküli is jár az 1 pont.
$z_1 = 2$ és $z_2 = \frac{1}{2}$ .		2 pont
$z = 2$ nem megoldás, mert $ \sin x  \leq 1$ .		1 pont
$x = \frac{1}{6}\pi + k \cdot 2\pi$ , vagy $x = \frac{5}{6}\pi + k \cdot 2\pi$ ,		3 pont* Ha a periodicitást nem veszi figyelembe, legfeljebb 2 pontot kaphat.
$k \in \mathbf{Z}$		1 pont A megoldás fokokban is megadható. A szögmeneteket következően használata esetén is legfeljebb 2 pontot kaphat.
	<b>Ellenőrzés:</b> vagy annak rögzítése, hogy ezek megoldások, mert ekvivalens átalakításokat végeztünk..	1 pont
	<b>Összesen:</b> <b>11 pont</b>	

<b>15. b)</b>	$\bar{m} = \frac{2 \cdot 33 + 4 \cdot 35 + 4 \cdot 36 + 6 \cdot 37 + 2 \cdot 38 + 40}{19} = 36,21 \approx 36 \text{ gramm}$	1 pont*
		1 pont
	A kerékítésért a mérőkegyseg nélkül is 1 pontjár.	

\*Akkor is kapja meg ezt a pontot, ha a törtet nem írja fel, de géppel jól kiszámolja az eredményt.

<b>15. c)</b>	Medián: 36 Módusz: 37	1 pont 1 pont
	Összesen: 2 pont	



<b>Összesen:</b>	4 pont	Egy hibás táblázatnak megfelelően jól elköszített diagram is 4 pontot ér. Ha a tengelyeken nincs egység, vagy nem jelöli a mérőkegysegét, 1-1 pontot veszít.
------------------	--------	--

**10.**

A: hamis	1 pont
B: igaz	1 pont
C: hamis	1 pont
<b>Összesen:</b> 3 pont	

**11.**

Az első táncra rögzített az A osztály. A további négy táncnak 4! sorrendje lehetséges. 24-féle sorrend alakulhat ki.	2 pont	Az indoklás az összes eset felsorolásaval is megadható.
	1 pont	Ha 5! a válasza, 1 pontot kapitat.

**12.**

a) $2 \leq x \leq 6$	2 pont	Ha valamehik vége pont hibás, 1 pont adható. Ha nem szerepel az egynaposég, akkor is csak 1 pont jár.
b) $f(x)$ legnagyobb értéke: 3 (vagy $y = 3$ )	1 pont	$4 \leq x \leq 12$ válasz esetén 1 pont.
	3 pont	$y = 6$ válaszra is kapja meg az 1 pontot, ha az előzőben rosszul olvasta le az egységet.

