

18. d)

AZ alapkör területe: $r^2\pi$.	1 pont	$\approx 206 \text{ cm}^2$ (itt $r \approx 8,1 \text{ cm}$)
A kúppalást területe: $\frac{R^2\pi}{2}$.	1 pont	$\approx 412 \text{ cm}^2$
A területek aránya: $\frac{r^2\pi}{0,5 \cdot R^2\pi} = \frac{2r^2}{R^2}$	1 pont	
Beírva az $r = \frac{R}{2}$ kifejezést:	1 pont*	Konkréti értékekkel való számolás esetén erre a sorra nincs szükség.
a területek aránya: $\frac{1}{2}$.	1 pont	* A héjhez arány megállapítása esetén is jóir az $I + I$ pont.
Összesen:		5 pont

ERETTSÉGI VIZSGA • 2006. május 9.

MATEMATIKA

KÖZÉPSZINTŰ ÍRÁSBELI ÉRETTSÉGI VIZSGA

JAVÍTÁSI-ÉRTÉKELÉSI ÚTMUTATÓ

OKTATÁSI MINISZTERIUM

Fontos tudnivalók

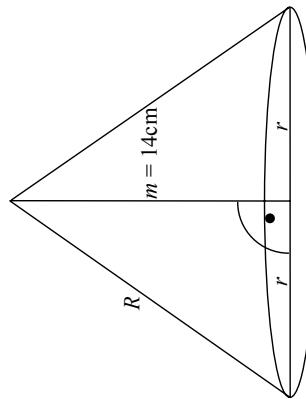
Formai előírások:

- A dolgozatot a vizsgázó által használt színűtől elterő színű tollal kell javítani, és a tanári gyakorlatnak megfelelően jelölni a hibákat, hiányokat stb.
- A feladatok mellett található szürke téglalapok között az elsoföben a feladatra adható maximális pontszám van, a javító által adott **pontszám a melléte levő téglalapba** kerül.
- Kifogástalan megoldás** esetén elég a maximális pontszám beírása a megfelelő téglalapokba.
- Hiányos/hibás megoldás esetén kérjük, hogy az egyes részponiszámokat is írja rá a dolgozatra.

Tartalmi kérdések:

- Egyes feladatoknál több megoldás pontozását is megadtuk. Amennyiben azoktól elterő **megoldás** születik, keresse meg ezen megoldásoknak az útmutató egyes részleteivel egyenértékű részeit, és ennek alapján pontozzon.
- A pontozási útmutató pontjai tovább **bonthatók**. Az adható pontszámok azonban csak egész pontok lehetnek.
- Nyilvánvalan helyes gondolatmenet és végeredmény esetén maximális pontszám adható akkor is, ha a leírás az útmutatóban szereplőnél kevésbé részletezett.
- Ha a megoldásban **számos hiba**, pontatlanság van, akkor csak arra a része nem jár pont, ahol a tanuló a hibát elkövette. Ha a hibás részedménytel helyes gondolatmenet alapján tovább dolgozik, és a megoldandó problema lényegében nem változik meg, akkor a következő részponiszámokat meg kell adni.
- Elni **hibát** követően egy gondolati egyetlen belül (ezeket az útmutatóban kettőt vonal jelzi) a formalisan helyes matematikai lépésekre sem jár pont. Ha azonban a tanuló az elvi hibával kapott rossz eredményt, mint kiindulásként adott helyesen számolt tovább a következő gondolati egységeben vagy részkérdesben, akkor erre a része kapja meg a maximális pontot, ha a megoldandó problema lényegében nem változott meg.
- Ha a megoldási útmutatóban szerepel egy **mértékegység**, akkor ennek hiánya esetén is teljes értékű a megoldás.
- Egy feladatra adott többfélé megoldási próbálkozás közül csak egy (a magasabb pontszámú) **érthető**.
- A megoldásokért **jutalompon** (az adott feladatra vagy feladatrészre előírt maximális pontszámot meghaladó pont) **nem adható**.
- Az olyan részszámlításokért, részlépésekért **nem jár pontlevonás**, melyek hibásak, de amelyeket a feladat megoldásához a vizsgázó ténylegesen nem használ fel.
- A **vizsgafeladatsor II/B részében kitűzött 3 feladat közül csak 2 feladat megoldása értékkelhető**. A vizsgázó az erre a célra szolgáló négyzetben – feltéhetőleg – megjölíté annak a feladatnak a sorrendjét, amelynek értékelése nem fog beszámítani az összponiszámába. Ennek megfelelően a megfelelő feladatra esetlegesen adott megoldást nem is kell javítani. Ha mégsem derül ki egyértelműen, hogy a vizsgázó melyik feladat értékelését nem kéri, akkor automatikusan a kitűzött sorrend szerinti legutolsó feladat lesz az, amelyet nem kell értékelni.

18. b)



Összesen: 2 pont

18. c)

A félkörön $R\pi$ hosszúsága a kúp alapkörének kerületét adják, $R\cdot\pi=2\cdot\pi$;

$$\text{tehát } r = \frac{R}{2}.$$

*Bármilyen helyes indoklás után a jó arány megállapítása esetén is jár az 1+1 pont.

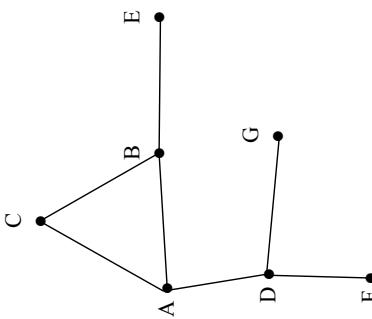
Az $\frac{R}{2}$, a 14 és a R oldalakkal rendelkező derékszögű háromszög felírjuk a Pitagoras-télt:

$$\frac{R^2}{4} + 14^2 = R^2.$$

Az egyenletből: $R = \frac{28}{\sqrt{3}} \approx 16,2$ cm.

Összesen: 2 pont

Összesen: 6 pont

6.

Személletétés.	1 pont	Csak hibállan hálózatra adható az 1 pont.
A fokszámok összege: 14.	1 pont	
Összesen:	2 pont	

II./B**16. a)**

20 000 Ft 2,5%-a 500 Ft, a kezelési költség.	1 pont	
19 500 Ft-ért $19\ 500 \cdot 1,46 = 2\ 847\ 000$ lejú kapék készhez.	2 pont	284,7 ÚJ LEJ-ként is el fogadható a válasz.
Összesen:	3 pont	

16. b)

300 ÚJ LEJ = 3 000 000 lej Ha x Ft-ért kapja meg ezt a pénzt, akkor $x \cdot 0,975 \cdot 1,46 = 3\ 000\ 000$. Ebből $x = 21\ 075$ Ft.	1 pont	
Összesen:	3 pont	Számolási hiba esetén legféljebb 4 pontot kap.

16. c)

1 ÚJ LEJ = $\frac{10000}{146}$ Ft = 68,49 Ft	3 pont	Számolási hibáért, hibás kérétkésért 1-1 pont le vonandó.
Összesen:	3 pont	

16. d)

A nyolc érme közül véletlenszerűen $\binom{8}{4}$ -félekbőpen választunk ki négyet, tehát az összes eset 70. A „jó” eset négy pénzérméből csak úgy állhat elő, hogy $90 = 50 + 20 + 10 + 10$.	1 pont	Nem kívánjuk meg annak kimonását, hogy ezek mindenkoruk azonos valószínűséggel adódhatnak.
Az egy darab 50-est egy feléreképpen, az egy darab 20-ast a háromból háromfélképpen, a két darab 10-est a négyből hatfélképpen választhatottuk.	1 pont	
90 ÚJ BANI tehát $1 \cdot 3 \cdot 6 = 18$ -féléképpen akadhatott a pénzüáros kezébe.	1 pont	
A valószínűség: $\frac{18}{70} \approx 0,2571$.	1 pont	
Összesen:	6 pont	

8.

A hatványkiterő: $-\frac{1}{2}$.	2 pont	A hatványkiterő bármilyen formában megadható.
Összesen:	2 pont	Ha válaszként $10^{-\frac{1}{2}}-i$ ír, akkor 1 pontot kap.

9.

Az értékkészlet: $-1 \leq y \leq 3$, y valós szám, vagy $[-1; 3]$.	2 pont	Azt, hogy y valós szám, nem kell megadnia.
Összesen:	2 pont	2 pont

15. b)

A csapat átlagéletkora:

$$\frac{19 + 20 + 3 \cdot 21 + 2 \cdot 22 + 3 \cdot 23 + 24 + 4 \cdot 25 + 3 \cdot 26 + 27 + 3}{22} = \frac{528}{22} = 24 \text{ év.}$$

Összesen:**3 pont****15. c)**

A negy fő 25 évesből kettőt kiválasztunk: $\binom{4}{2}$ -féléképpen ($= 6$).	A három fő 28 évesből kettőt kiválasztunk: $\binom{3}{2}$ -féléképpen ($= 3$).
Az öt fő kiválasztása $6 \cdot 3 \cdot 1 = 18$ -féléképpen történhet.	Az öt fő kiválasztása $18 \cdot 3 \cdot 1 = 54$ -féléképpen történhet.

Összesen:**5 pont****10.**

A lehetséges elhelyezések száma: $12 (= 3 \cdot 2 \cdot 1 \cdot 2)$.	3 pont	Ha az összes elhelyezést nem, de legalább hatot fel sorol, 1 pont adható.
Összesen:	3 pont	

11.

Az összes esetek száma: 90. A kedvező esetek száma: 9. A valószínűség: $\frac{9}{90} = 0,1$.	1 pont	
	1 pont	
Összesen:	3 pont	

12.

A kör egyenlete: $(x + 2)^2 + (y - 1)^2 = 25$. A $P(1; -3)$ pont koordinátait behelyettesítve: $25 = 25$, tehát a P pont illeszkedik a körre.	1 pont	
	1 pont	
Összesen:	3 pont	

II./A**13.**

A logaritmus és a négyzetgyökvonás értelmezése miatt $x > \frac{2}{3}$ és $x > \frac{7}{4}$, vagyis $x > \frac{7}{4}$ esetén értelmezett az egyenlet.	1 pont*
A logaritmus azonosságának felhasználásával $\lg(\sqrt{3x-2} \cdot \sqrt{4x-7}) = \lg 2$. A tízes alapú logarithmus függvény szigorúan monoton növekedő, ezért $\sqrt{3x-2} \cdot \sqrt{4x-7} = 2$.	2 pont
A négyzetre emelés után $(3x-2) \cdot (4x-7) = 4$.	1 pont
A műveletek elvégzése és rendezés után $12x^2 - 29x + 10 = 0$	2 pont
Az egyenlet megoldásai $x_1 = 2$; $x_2 = \frac{10}{24} \left(= \frac{5}{12} \right)$.	2 pont
Ellenorzés: az $x_1 = 2$ gyököt behelyettesítve a gaz egyenlőséget kapunk.	1 pont
Az $x_2 = \frac{5}{12}$ nem gyöke az egyenletnek.	1 pont
Összesen: 12 pont	

14. b)

Ha az A végponttól mért kötélszár hossza x, akkor a másik $85-x$. A derékszögű háromszögben a Pitagorasz-tétel szerint: $x^2 + (85-x)^2 = 5725$.	1 pont
$x^2 + 85^2 + x^2 - 170x = 5725$	1 pont
$x^2 - 85x + 750 = 0$	1 pont
A másodfokú egyenlet gyökei: 75 és 10. A derékszögű csúcs az A végponttól 75 cm-re vagy 10 cm-re lehet.	2 pont
Összesen: 7 pont	

15. a)

a játékosok száma	utánpótlás	húzóemberek	rangidősök	körcsportok
10				
7				
5				

14. a)

Az eseményű AB hosszára felírjuk a koszinusz-tételt: $AB^2 = 25^2 + 60^2 - 2 \cdot 25 \cdot 60 \cdot \cos 120^\circ$.	3 pont
$AB^2 = 5725$	1 pont
$AB = \sqrt{5725} \approx 76$ cm az eseményű hossza.	1 pont
Összesen: 5 pont	

Összesen: 4 pont

A körcsportonkentőt széle-választás 2 pont, a tengelyek felirata 1 pont, az ábrázolás 1 pont.