

18. c)	A legtávolabbi megvilágított pont a talajon a rúd aljától: $x = 4 \cdot \operatorname{tg} 70^\circ$ távolságra van, $x \approx 11 \text{ (m)},$ így a 15 méterre levő pont már nincs megvilágítva.	2 pont
		1 pont
		1 pont
	Összesen:	4 pont

MATEMATIKA

18. d)		1 pont
$r^2 \pi \leq 100$		2 pont
$r \leq \sqrt{\frac{100}{\pi}} \approx 5,64 \text{ (m)},$		2 pont
$h \leq \frac{5,64}{\operatorname{tg} 70^\circ} \approx 2,05 \text{ (m)},$		2 pont
tehát az első vagy a második kampóra kell akasztani az érzéketőt.		2 pont
Összesen:	7 pont	Egyenlettel számolva is járnak a pontok.

**KÖZÉPSZINTŰ ÍRÁSBELI
ÉRETTSÉGI VIZSGA**

ERETTSÉGI VIZSGA • 2006. május 9.

**JAVÍTÁSI-ÉRTÉKELÉSI
ÚTMUTATÓ**

OKTATÁSI MINISZTERIUM

Fontos tudnivalók

Formai előírások:

- A dolgozatot a vizsgázó által használt színűl elterő **színű tollal** kell javítani, és a tanári gyakorlatnak megfelelően jelölni a hibákat, hiányokat stb.
- A feladatak mellett található szürke téglalapok közül az elsőben a feladatra adható maximális pontszám van, a javító által adott **pontszám a melléte levő téglalapba** kerül.
- **Kifogástalan megoldás** esetén elég a maximális pontszám beírása a megfelelő téglalapokba.
- Hiányos/hibás megoldás esetén kérjük, hogy az egyes **részpontszámokat** is írja rá a dobozra.
- Az ábrán kívül ceruzával írt részeket a javító tanár nem értékkelheti.

Tartalmi kérdések:

- Egyes feladatoknál több megoldás pontozását is megadtuk. Amennyiben azoktól **elterő megoldás** születik, keresse meg ezen megoldásoknak az útmutató egyes részleteivel egyenértékű részeit, és ennek alapján pontozzon.
- A pontozási útmutató pontjai tovább **bonthatók**. Az adható pontszámok azonban csak egész pontok lehetnek.
- Nyilvánvalóan helyes gondolatmenet és végeredmény esetén maximális pontszám adható akkor is, ha a leírás az útmutatóban szereplőnél **kevésbé részletezett**.
- Ha a megoldásban **számoslati hiba**, pontatlanság van, akkor csak arra a részre nem jár pont, ahol a tanuló a hibát elkövette. Ha a hibás részeredménnyel helyes gondolatmenet alapján tovább dolgozik, és a megoldandó probléma lényegében nem változik meg, akkor a következő részpontszámokat meg kell adni.
- Elvi **hibát** követően egy gondolati egyenlőtlenségen belül (ezeket az útmutatóban ketthő vonal jelzi) a formalisan helyes matematikai lépésekre sem jár pont. Ha azonban a tanuló az elvi hibával kapott rossz eredményt, mint kiinduló adattal helyesen számolt tovább a következő gondolati egyenlőtlenségen vagy részkerdésekben, akkor erre a részre kapja meg a maximális pontot, ha a megoldandó probléma lényegében nem változott meg.
- Ha a megoldási útmutatóban zárójelben szerepel egy **mértéktégség**, akkor ennek hiányia esetén is teljes értékű a megoldás.
- Egy feladatara adott többfélre megoldási próbálkozás közül **csak egy** (a magasabb pontszamú) értékkelhető.
- A megoldásokról **jutalompontr** (az adott feladatra vagy feladatrészre előírt maximális pontszámot meghaladó pont) **nem adható**.
- Az olyan részszámításokról, részlépésekéről nem jár **pontlevonás**, melyek hibásak, de amelyeket a feladat megoldásához a vizsgázó ténylegesen nem használ fel.

- A vizsgafeladatokor II/B részében kitűzött 3 feladat kizüll csak 2 feladat megoldása értekkelhető.** A vizsgázó az erre a célra szolgáló nézettelben – feltehetőleg – megjelölte annak a feladatnak a sorszámat, amelynek értékkelése nem fog beszámítani az összpontszámba. Ennek megfelelően a megjelölt feladatra esetlegesen adott megoldást nem is kell javítani. Ha mégsem derül ki egyértelműen, hogy a vizsgázó melyik feladat értékkelést nem kéri, akkor automatikusan a kitűzött sorrend szerintű legutolsó feladat lesz az, amelyet nem kell értékelni.

17. d)

1. megoldás

A kockázatás 4 fordulón keresztüli történik, és a játékos minden fordulóban $\frac{1}{3}$ valószínűséggel vállal 100%-ot.
A maximális nyereményhez jutás valószínűsége: $\left(\frac{1}{3}\right)^4 = \frac{1}{81} \approx 0,012.$

Összesen: 4 pont

2. megoldás

Az összes esetek száma a 4 utolsó fordulóban $3^4 = 81.$
A kedvező esetek száma 1.

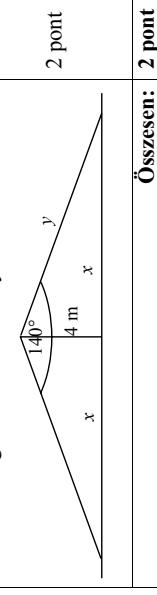
A keresett valószínűség (a klasszikus modell szerint):
 $\frac{1}{81} \approx 0,012.$

Összesen: 4 pont

Megjegyzés: Ha a vizsgázó a leírt játszásabályokat nem jó értímezzi (pl. a feltételi kiadásról kezeli), és a saját modelleiben újabb hibái nem követ el, az a kérdezésre járó 4 pontot nem kaphatja meg. Megoldása így legfeljebb 13 pontot ér.

18. a)

A megéritesét tükröző helyes ábra.



Összesen: 2 pont

18. b)

$y = \frac{4}{\cos 70^\circ}$
 $\approx 11,7 \text{ (m)}$

Összesen: 4 pont

17. b)**1. megoldás**

forduló	tét	a forduló végen visszakapott pénz	összes pénz a forduló végen
1.		40 000.-	40 000.-
2.	20 000.-	40 000.-	60 000.-
3.	30 000.-	60 000.-	90 000.-
4.	45 000.-	90 000.-	135 000.-
5.	67 500.-	135 000.-	202 500.-

Az óvatos versenyző 202 500 Ft-ot nyerhet, ha minden fordulón jól válaszol.

Összesen: 4 pont

2. megoldás

Az első nyereménye 40 000 forint, a további négy fordulóban a pénze minden másfélszerződik, így a végén $40\ 000 \cdot 1,5^4 = 202\ 500$ forint a nyeremény.

Összesen: 4 pont

I.**1.**
A legkisebb szög: 20° .

		2 pont	A szögösszeg megijenítéséért már jár 1 pont.
	Összesen: 2 pont		

2.

A sorozat negyedik eleme: 6.
A megfelelő képlet felírása 1 pontot ér.

Összesen: 2 pont

3.

A két szám egyenlő. ($7 \cdot 13 = 91$).
Összesen: 2 pont

4.
 $\frac{9,8}{7} = 1,4\ (^{\circ}\text{C})$

	2 pont	A fogalom helyes használata mellett 1 pont.
	Összesen: 2 pont	

5.

	2 pont	
20	Összesen: 2 pont	

6.

$V = 42 \cdot 25 \cdot 30 (= 31\ 500\ cm^3 = 31,5\ dm^3) = 31,5\ liter$.
Az akvárium nem telik meg.
Összesen: 2 pont

2. megoldás

Az első nyereménye 40 000 forint, a további négy forduló vegyre $40\ 000 \cdot 2 \cdot 1,75^2 \cdot 0,25 = 61\ 250$ forint a nyeremény.
Összesen: 5 pont

7.

b)	1 pont	Ha az a) ⁴ -t kiírásátja,
c)	1 pont	maximum 1 pont adható.

Összesen: 2 pont

8.

156 000 Ft-ot vehet fel Péter egy év elteltével.	2 pont
Összesen:	2 pont

16. d)

A $P\left(\frac{5}{4}; \frac{5}{2}\right)$ pont bejelölése.	2 pont	Ha a c) részre adott válaszát jól ábrázolja, akkor jár a 2 pont.
		Összesen: 2 pont

9.

Mind a négy ember maximum három levelet írhatott egy héten (4·3). 12 vagy b)	2 pont
Összesen:	3 pont

17. a)**1. megoldás**

Foglaljuk táblázatba az egyes fordulókban megtett tételeket és a nyereményeket

forduló	tét	a forduló végén visszakapott pénz	összes pénz a forduló végén
1.		40 000,-	40 000,-
2.	40 000,-	80 000,-	80 000,-
3.	80 000,-	160 000,-	160 000,-
4.	160 000,-	320 000,-	320 000,-
5.	320 000,-	640 000,-	640 000,-

A bátor versenyző 640 000 Ft-ot nyerhet, ha minden fordulóban jól válaszol.

Összesen: 4 pont**10.**

	<i>A jól leolvasható normálvektor vagy irányvektor 1 pont; a pont jó behelyettesítése 2 pont.</i>
4x + 5y = -13	3 pont
	Összesen: 3 pont

11.

Számolásos indoklás vagy helyes Venn-diagram	2 pont
(6+8)-10 = 4	

Mindkét nyelvet 4 fő beszéli.

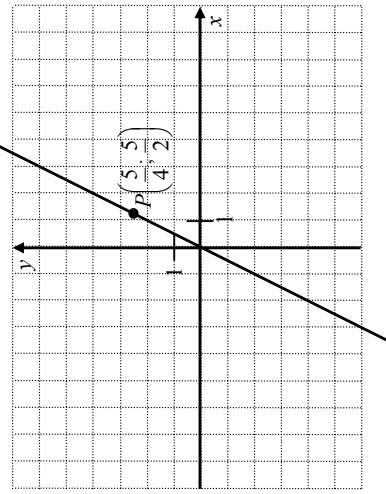
Összesen:**3 pont****2. megoldás**

Az első nyereménye 40 000 forint, a további négy fordulóban a pénze minden megduplázdik, így a végén $40 000 \cdot 2^4 = 640 000$ forint a nyeremény.

Összesen: 4 pont**12.**

<i>f legkisebb értéke: -3, ez az x = 2 értékhez tartozik.</i>	1 pont
<i>f legnagyobb értéke: 7, ez az x = 6 értékhez tartozik.</i>	1 pont
	1 pont
	Összesen: 4 pont

Ha a jó tartalmat hibásan, pl. rendezett számpárokkal fejezi ki, 2 pont adható.

II./B**16. a)**

Ha az (1)-nek megfelelő tartományon ábrázol, 1 pont adható.

Összesen: 2 pont

II./A**13. a)**

Az $a^2 - 2a - 3 = 0$ másodfokú egyenletet kell megoldani.	1 pont	Az új változó bevezetése nélkül is jár a pont.
Ennek az egyenletnek a gyökei: $a_1 = 3$ és $a_2 = -1$.	1 pont	
$a = 3^x = 3$ esetén, $x = 1$.	1 pont	
$a = 3^x = -1$ egyenlet nem ad megoldást, mert 3 minden valós kifejezű hatvánnyá pozitív szám.	1 pont	
Az $x = 1$ kielégítő az eredeti egyenletet.	1 pont	
Összesen: 6 pont		

13. b)

Az $a^2 - 2a - 3 = 0$ másodfokú egyenletet kell megoldani.	1 pont*	
Ennek az egyenletnek a gyökei: $a_1 = 3$ és $a_2 = -1$.	1 pont	
$a = \sin x = 3$ nem ad megoldást,	1 pont	
mert $\sin x \leq 1$.	1 pont	
<i>Az egyenlet gyökeinek elfogadható a fokokban megadott helyes alakja</i>		
<i>is: $x = \frac{3}{2}\pi + 2k\pi = 270^\circ + k \cdot 360^\circ$</i>		
$a = \sin x = -1$.		
A $\sin x = -1$ egyenlet gyökei: az $x = \frac{3}{2}\pi + 2k\pi$, ahol k tetszőleges egész szám.	2 pont	Ha a gyök meghadásnál hiányzik a periódus, 1 pont adható.
<i>Ha végezen használ fököt és ívmérékét, akkor is 1 pont jár.</i>		
Ezek az x értékek kielégítik az eredeti egyenletet.	1 pont	
Összesen: 6 pont		* Ha az első egyenletben ezért a részletei nem kaphatott pontot, akkor itt 2 pont adható.

Az (1) egyenlet miatt $y > -1$	1 pont	
$\text{és } x > -1$.	1 pont	
Összesen: 2 pont		

16. c)

$\lg(y+1)^2 = \lg(x+1)$	1 pont	
$\lg(2x+1)^2 = \lg(x+1)$	1 pont	
A logaritmusfüggvény szigorú monotonitása miatt	1 pont	
$(2x+1)^2 = x+1$	1 pont	
$4x^2 + 3x - 10 = 0$	2 pont	
$x_1 = \frac{5}{4}$ és $x_2 = -2$	1 pont	
$y_1 = \frac{5}{2}$ és $y_2 = -4$	1 pont	
A másodikú egyenletrendszer megoldásai: $\left(\frac{5}{4}, \frac{5}{2}\right)$	1 pont	
illetve $(-2, -4)$,		
amiből a második számpár nem tartozik az eredeti	1 pont	
egyenlet értelmezési tartományába,		
az első számpár kielégítii az eredeti egyenletrendszeret.	1 pont	
Összesen: 11 pont		

14.

Az a oldalú szabályos háromszög magassága:
 $\frac{a \cdot \sqrt{3}}{2} = 4 \cdot \sqrt{3}$.

Az alaplap területe: $\frac{a^2 \cdot \sqrt{3}}{4} = 16 \cdot \sqrt{3}$ (cm²).

A palást területe: $3 \cdot m_t = 24 \cdot m_t$

$24 \cdot m_t = 6 \cdot 16 \cdot \sqrt{3}$

$m_t = 4 \cdot \sqrt{3}$

$V_{hasáb} = (T_a \cdot m_t) = 16 \cdot \sqrt{3} \cdot 4 \cdot \sqrt{3} = 192$ (cm³)

$A_{hasáb} = 2 \cdot T_a + 3 \cdot a \cdot m_t$

$A_{hasáb} = 2 \cdot 16 \cdot \sqrt{3} + 24 \cdot 4 \cdot \sqrt{3} = 128 \cdot \sqrt{3} \approx 221,7$ (cm²)

Összesen: 12 pont
Akkor is jár az 1 pont, ha követlenül a képeribe jól behelyettesíve írja fel a felszint.

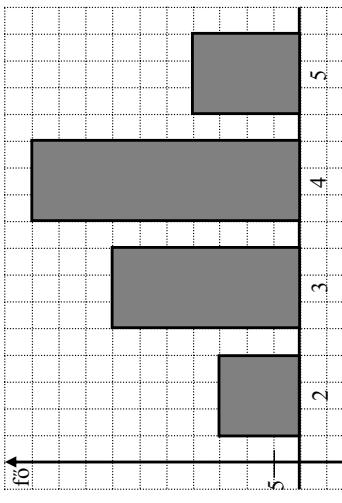
Összesen: 12 pont
Következetesen alkalmazott kerítések esetén teljes pontszám jár.

15. a)

Az összes képezhető kódok száma 5!	2 pont
120 tanuló írt dolgozatot.	1 pont
Összesen: 3 pont	

15. b)

Adatakat tartalmazó osztóponként 1-1 pont. Ha a tanulói létszámonkatterekités után adja meg héjáson, 2 pontot kaphat.	4 pont
jegyek	2
fok	45°
fő	15 35 50 20
	60° 50° 60°



Összesen: 6 pont

15. c)

A 4-es és az 5-ös dolgozatok száma összesen: 70.	1 pont
A keresett valószínűség: $\frac{70}{120} = \frac{7}{12} \approx 0,583$.	2 pont
Összesen: 3 pont	