

a feladat sorszáma	maximális pontszám	elért pontszám	összesen
II. A rész 13.	12	12	
14.	12		
15.	12		
II. B rész 16.	17		
17.			
		← nem választott feladat	
ÖSSZESEN	70		

KÖZÉPSZINTŰ ÍRÁSBELI VIZSGA

2024. május 7. 9:00

II.

Időtartam: 135 perc

Pótlapok száma
Tisztázati
Piszkozati

ERETTSÉGI VIZSGA · 2024. május 7.

ponszám	maximális ponszám	elért ponszám
I. rész	30	
II. rész	70	
Az írásbeli vizsgarész pontszáma	100	

_____ dátum _____ javító tanár

_____ dátum _____ javító tanár
_____ jegyző _____

Név: osztály:.....

Név: osztály:.....

A 16-18. feladatok közül tetszése szerint választott kettőt kell megoldania.
A kihasznált feladat sorozmát írja be a 3. oldalon lévő üres négyzetbe!

- 18.** Egy iskolában tánc- és kerámiászakkör is működik. Az iskola 142 tanulója közül 24-en járnak táncszakkörre, és 20-an kerámiászakkörre. Nyolcsozor annyi tanuló nem jár egyik szakkörre sem, mint ahányan mindenkitőre járnak.

a) Hányan járnak csak a táncszakkörre, és hányan csak a kerámiászakkörre a két szakkör közül?

b) Hányfélékben lehetnek le a diákok a tanár kérésének megfelelően? (Két tülszörendet különbözőnek tekintünk, ha legalább egy diáklánya másik helyen áll a két esetben.)
 Egy másik alkalmommal 14 tanuló vett részt a táncszakkörön. A 14 tanuló közül 6-an járnak a kerámiászakkörre is.

c) Mennyi a valoszínűsége annak, hogy a 14 tanuló közül 3-at véletlenszerűen kiválasztva, a kiválasztottak között pontosan 2 olyan lesz, aki a kerámiászakkörre is jár?

Egy másik alkalmommal 14 tanuló vett részt a táncszakkörön. A 14 tanuló közül 6-an járnak a kerámiászakkörre is.

c) Mennyi a valoszínűsége annak, hogy a 14 tanuló közül 3-at véletlenszerűen kiválasztva, a kiválasztottak között pontosan 2 olyan lesz, aki a kerámiászakkörre is jár?

a)	7 pont	
b)	4 pont	
c)	6 pont	
Ö:	17 pont	

Fontos tudnivalók

- 18.** Egy iskolában tánc- és kerámiászakkör is működik. Az iskola 142 tanulója közül 24-en járnak táncszakkörre, és 20-an kerámiászakkörre. Nyolcsozor annyi tanuló nem jár egyik szakkörre sem, mint ahányan mindenkitőre járnak.

a) Hányan járnak csak a táncszakkörre, és hányan csak a kerámiászakkörre a két szakkör közül?
 Az egyik alkalmommal nyolc tanuló vett részt a kerámiászakkörön. A szakköröt egy olyan teremben tartották, ahol összesen 16 hely volt nyilván elérhető. A tanár a szakkör elején azt kérte a diákoktól, hogy minden padba így ember üljön, a két hely bármelyikére.

b) Hányfélékben lehetnek le a diákok a tanár kérésének megfelelően? (Két tülszörendet különbözőnek tekintünk, ha legalább egy diáklánya másik helyen áll a két esetben.)
 Egy másik alkalmommal 14 tanuló vett részt a táncszakkörön. A 14 tanuló közül 6-an járnak a kerámiászakkörre is.

c) Mennyi a valoszínűsége annak, hogy a 14 tanuló közül 3-at véletlenszerűen kiválasztva, a kiválasztottak között pontosan 2 olyan lesz, aki a kerámiászakkörre is jár?

Egy másik alkalmommal 14 tanuló vett részt a táncszakkörön. A 14 tanuló közül 6-an járnak a kerámiászakkörre is.

c) Mennyi a valoszínűsége annak, hogy a 14 tanuló közül 3-at véletlenszerűen kiválasztva, a kiválasztottak között pontosan 2 olyan lesz, aki a kerámiászakkörre is jár?

A 16-18. feladatok közül tetszése szerint választott kettőt kell megoldania.
A kihasznált feladat sorozmát írja be a 3. oldalon lévő üres négyzetbe!

- A feladatok megoldására 135 percet fordíthat, az idő leteltével a munkát be kell fejeznie.
- A feladatok megoldási sorrendje téteszölges.
- A B részben kitüzzött három feladat közül csak kettőt kell megoldania. A nem választott feladat sorszámat írja be a dolgozat befejezésekor az alábbi négyzetbe!** Ha a javító tanár számára *nem derül ki egyszerűen*, hogy melyik feladat értékelését nem kéri, akkor a kitüzzött sorrend szerinti legutolsó feladatra nem kap pontot.



- A feladatok megoldásához szüveges adatok tárolására és megjelenítésére nem alkalmas zsebszámológépet és bármilyen négyesű függvénytáblázatot használhat, más elektronikus vagy írásos segédszköz használata tilos!
- A megoldások gondolatmenetét minden esetheen írja le, mert a feladatra adható pontszám jelentős része erre jár!**
- Ügyeljen arra, hogy a lényegesebb részszámítások is nyomon követhetők legyenek!
- A gondolatmenet kifejeése során a zsebszámológép használata – további matematikai indoklás nélkül – a következő műveletek elvégzésére fogadható el: összeadás, kivonás, szorzás, osztás, hatványozás, gyökvonás, $n!$, $\binom{n}{k}$ kiszámítása, a függvénytáblázatban feltüntető táblázatok néleyettesítése (\sin , \cos , \lg , \log és ezek inverzei), a π és az e szám közelítő értékének megadása, nullára rendezett másodfokú egyenlet gyökeinek meghatározása. További matematikai indoklás nélküli használhatók a számológépek bizonyos statisztikai mutatók kiszámítására (átlag, szórás) abban az esetben, ha a feladat szövege kifejezetten nem követeli meg az ezzel kapcsolatos részletszámítások bemutatását is. Egyéb esetekben a géppel elvégzett számítások indoklás nélküli lépéseknek számítanak, azokért nem jár pont.
- A feladatok megoldásánál használt tételek közül az iskolában tanult, névvel ellátott tételeket (pl. Pitagorasz-tétel, magasság-tétel) nem kell pontosan megfogalmazza kimondania, elég csak a térel megnevezését említenie, de alkalmazhatóságát röviden indokolnia kell.
- A feladatok végeredményét (a feltét kerésésre adandó válasz) szöveges megfogalmazásban is közölje!
- A dolgozatot tollal írja, az ábrákat ceruzával is rajzolhatja. Az ábrákon kívül a ceruzával írt részeket a javító tanár nem értékelheti. Ha valamelyen megoldást vagy megoldásrészletet áthúz, akkor az nem értékelhető.
- Minden feladatnak csak egy negoldása értékelhető. Több megoldási próbálkozás esetén **egyértelműen jelölje**, hogy melyiket tartja érvényesnek!
- Kérijük, hogy a szürkített téglalapokba semmit ne írjon!

A

- 13.** a) A piacra az egyik zöldségesnél egy vásárló 4 kg krumplit és 3 kg hagymát vásárolt, amiért összesen 1570 Ft-ot fizetett. A sorban utána következő vásárló 2 kg krumplit és 1 kg hagymáért 700 Ft-ot fizetett. Mennyibe került 1 kg krumpli, és mennyibe került 1 kg hagyma ennek a zöldségesnél?

- b) Oldja meg az alábbi egyenletet a valós számok halmazán!

$$4 + 2x(x - 1) = (x + 1)^2$$

a)	6 pont	
b)	6 pont	
Ö:	12 pont	

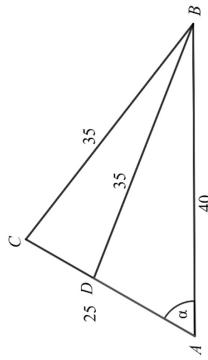
**A 16-18. feladatok közül tetszése szerint választott kettőt kell megoldania.
A kihagyott feladat sorszámát írja be a 3. oldalon lévő üres négyzetbe!**

- 17.** Az ábrán látható ABC háromszög oldalainak hossza: $AB = 40$ cm, $AC = 25$ cm és $BC = 35$ cm. AD pont az AC oldal belső pontja úgy, hogy a BD szakasz hossza szintén 35 cm. Jelölje α az ABC háromszög A csúcsánál lévő belső szöget.

a) Számítsa ki igazolta, hogy $\alpha = 60^\circ$!

b) Határozza meg az ABD tempszögű háromszög területét!

Az ábrán négy település (A , B , C és D), valamint az ezeket összekötő utak hálózata látható. Az út állapotát ellenőrző autó vezetője szeretné minden idő utat bejárni úgy, hogy minden összeköttöző úton ponosan egyszer halad végig. Egy lehetséges bejárási terv például: $DABDCB$.



c) Hány olyan különböző bejárási terv készíthető, amely a B pontból indul?

(Két bejárási terv különböző, ha az egyikben legalább egy település más helyen szerepel, mint a másikban.)

d) Adja meg az alábbi állítások logikai értékét (igaz vagy hamis)! Válaszait itt nem kell indokolni!

- (1) A 4 csúcsú teljes gráfnak 6 éle van.
- (2) Van olyan 5 csúcsú gráf, amelyben minden csúcs fokszáma 3.
- (3) Van olyan 6 csúcsú gráf, amelynek 5 éle van.

a)	4 pont
b)	7 pont
c)	4 pont
d)	2 pont
Ö:	17 pont

- 14.** Dőri egy 6 cm átmérőjű, 10 cm magas forgáshengert készített gyurmából. Később a húga, Panni ugyanebből a gyurmánnemnyiségből egy szintén forgáshenger alakú „kígyó” formált, de az már 40 cm hosszú lett.

Döri másnap – egy forma segítségével – piramissokat készített gyurmából. Az egyik piramis alakja egy olyan négyzet alapú guia lett, amelynek alapéle 8 cm, és minden oldaléle 9 cm hosszúságú.

b) Mekkora ennek a gúlnának a térfogata?



a)	6 pont	
b)	6 pont	
Ö:	12 pont	

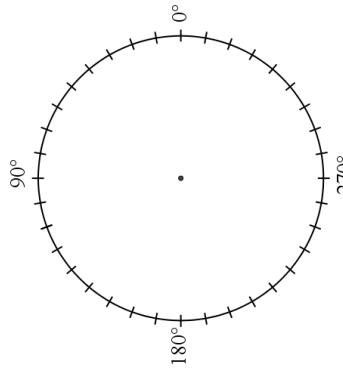
B

A 16-18. feladatok közi tetszése szerint választott kettőt kell megoldania.
A kihangott feladat sorszámát írja be a 3. oldalon lévő üres négyzetbe!

- 16.** Hajni gyakorolt a matematika érettségi vizsgára, ezért az abszolútértekes, a lineáris, a másodfokú és a négyzetgyökös függvényekből összesen 24 darabnak a grafiikonját rajzolta fel a füzetébe. Ezek eloszlását kördiagramon szeretnénk ábrázolni, az alábbi táblázat adatai alapján.

Függvény típusa	Darabszám	Középponti szög
Abszolútértekes függvény	5	135°
Lineáris függvény		
Másodfokú függvény	6	
Négyzetgyökös függvény		

- a) Tölts ki a táblázat üres celláit, és készítse el a kördiagramot!

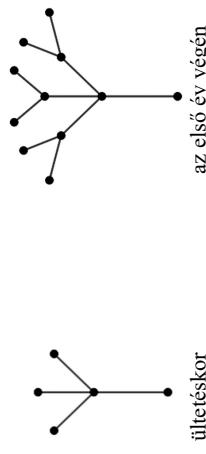


Hajni ábrázolta az $f(x) = (x-3)^2 - 4$ másodfokú függvényt is ($x \in \mathbf{R}$).

- b) Jellemzze az f függvényt a következő szempontok szerint: zérushelyek, monotonitás, szélsőérték (típus, hely és érték), értékkészlet.

a)	7 pont
b)	10 pont
Ö:	17 pont

- 15.** Egy frissen elültetett fa törzséből hárrom ág indult ki. Az első évben minden ág végén két újabb ág hajtott ki. Az alábbi ábrák egy-egy gráfban szemléltetik a fa ágszerkezetét ületéskor, illetve az első év végen. Az elágazásokat és az ágak végett tekintjük a gráf pontjainak, az ágakat pedig a gráf eleinek (a fa törzsét is egy éhenek tekintjük).



- a) Hány élle és hánny pontja van a gráfnak az első év végen?

A második év végeire az első évben kihajtott ágak végen két új ág hajt ki. És így tovább: minden évben az azt megelőző évben kifeljöldött ágak végen két új ág hajt ki.

- b) Hány élle van összesen annak a gránaknak, amely a negyedik év végen ábrázolja a fát?

Egy kerítésben facsemetéket ültettek el egy trapéz alakú területen 17 sorban. Az első sorba 12 facsente, a másodikba 15, a harmadikba 18 került, és így tovább: minden sorba 3-mal több facsemetést ültettek el, mint az előzőbe.

- c) Hány facsemetést van összesen a területen?

a)	2 pont	
b)	5 pont	
c)	5 pont	
Ö:	12 pont	