

ÉRETTSÉGI VIZSGA • 2024. május 7.

MATEMATIKA

KÖZÉPSZINTŰ ÍRÁSBELI VIZSGA

JAVÍTÁSI-ÉRTÉKELÉSI ÚTMUTATÓ

OKTATÁSI HIVATAL

Fontos tudnivalók

Formai előírások:

- Kérjük, hogy a dolgozatot a vizsgázó által használt színűtől **eltérő színű tollal, olvashatóan** javítsa ki.
- A feladatok mellett található szürke téglalapok közül az elsóban a feladatra adható maximális pontszám van, a javító által adott **pontszám a** mellette levő **téglalapba** kerüljön.
- Kifogástalan megoldás** esetén kérjük, hogy a maximális pontszám feltüntetése mellett kipipálással jelezze, hogy az adott gondolati egységet látta, és jónak minősítette.
- Hiányos/hibás megoldás esetén kérjük, hogy **a hiba jelzése** mellett az egyes **részpontszámokat** is írja rá a dolgozatra. Ha a dolgozat javítását jobban követhetővé teszi, akkor a vizsgázó által elvesztett részpontszámok jelzése is elfogadható. Ne maradjon olyan részlet a megoldásban, amelyről a javítás után nem nyilvánvaló, hogy helyes, hibás vagy főleges.
- A javítás során **alkalmazza az alábbi jelöléseket**.
 - helyes lépés: *kipipálás*
 - elvi hiba: *készeres aláhúzás*
 - számolási hiba vagy más, nem elvi hiba: *egyszeres aláhúzás*
 - rossz kiinduló adattal végzett helyes lépés: *szaggatott vagy áthúzott kipipálás*
 - hiányos indoklás, hiányos felsorolás vagy más hiány: *hiányjel*
 - nem érthető rész: *kérdőjel* és/vagy *hullámvonal*
- Az ábrán kívül **ceruzával** írt részeket ne értékelje.

Tartalmi kérések:

- Egyes feladatoknál több megoldás pontozását is megadtuk. Amennyiben azoktól **eltérő megoldás** születik, keresse meg ezen megoldásoknak az útmutató egyes részleteivel egyenértékű részét, és ennek alapján pontozzon.
- A pontozási útmutató pontjai tovább **bonthatók, hacsak az útmutató másképp nem rendelkezik**. Az adható pontszámok azonban csak egész pontok lehetnek.
- Ha a megoldásban **számolási hiba**, pontatlanság van, akkor csak arra a részre nem jár pont, ahol a tanuló a hibát elkövette. Ha a hibás részeredménnyel helyes gondolatmenet alapján tovább dolgozik, és a megoldandó probléma lényegében nem változik meg, akkor a következő részpontszámokat meg kell adni.
- Elvi hibát** követően egy gondolati egységen belül (ezeket az útmutatóban kettős vonal jelzi) a formálisan helyes matematikai lépésekre sem jár pont. Ha azonban a tanuló az elvi hibával kapott rossz eredménnyel – mint kiinduló adattal – helyesen számol tovább a következő gondolati egységekben vagy részkérdésekben, akkor ezekre a részekre kapja meg a maximális pontot, ha a megoldandó probléma lényegében nem változott meg.
- Ha az útmutatóban egy **megjegyzés** zárójelben szerepel, akkor ennek hiánya esetén is teljes értékű a megoldás.

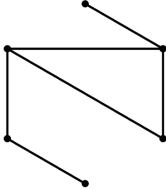
18. c)		
A modell szerint az átlagos hatótávolságok évről évre (kilométerben számolva) egy olyan mértani sorozat egymást követő tagjai, melynek első tagja 95, tizenharmadik tagja pedig 425.	1 pont	<i>Ez a pont akkor is jár, ha ez a gondolat csak a megoldásból derül ki.</i>
A sorozat kvóciensét – az évenkénti növekedési arányt – q -val jelölve $425 = 95q^{12}$, amiből $q \approx 1,133$.	1 pont	
Megoldandó a következő egyenlet: $95 \cdot 1,133^{n-1} = 1000$.	1 pont	<i>A 2023 után eltelt évek számát m-mel jelölve $425 \cdot 1,133^m = 1000$.</i>
$n - 1 = \log_{1,133} \frac{1000}{95}$	1 pont	$m = \log_{1,133} \frac{1000}{425}$
Ebből $n \approx 19,85$, azaz először a sorozat 20. tagja lesz nagyobb, mint 1000 (a 19. tag 899, a 20. tag 1019). Tehát ezzel a modellel számolva 2030-ban érné el az 1000 km-t az elektromos autók átlagos hatótávolsága.	1 pont	$m \approx 6,85$
Összesen:		7 pont

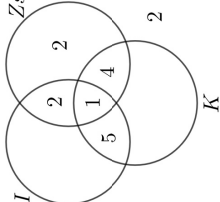
Megjegyzés: Ha a vizsgázó egyenlet helyett egyenlőtlenséggel dolgozik, a megfelelő pontok járnak.

6. **Mértékegység hiánya esetén** csak akkor jár pontlevonás, ha a hiányzó mértékegység válaszban vagy mértékegység-átváltásban szerepel (zárójel nélkül).
7. Egy feladatra adott többféle megoldási próbálkozás közül **a vizsgázó által megjelölt változat értékelhető**. A javítás során egyértelműen jelezze, hogy melyik változatot értékelte, és melyiket nem.
8. A megoldásokért **jutalompont** (az adott feladatra vagy feladatrészeire előírt maximális pontszámot meghaladó pont) **nem adható**.
9. Egy feladatra vagy részfeladatra adott összpontszám **nem lehet negatív**.
10. Az olyan részszámításokért, részlépésekért **nem jár pontlevonás**, melyek hibásak, de amelyeket a feladat megoldásához a vizsgázó ténylegesen nem használt fel.
11. A gondolatmenet kifejtése során a **zsebszámológép használata – további matematikai indoklás nélkül – a következő műveletek elvégzésére fogadható el**: összeadás, kivonás, szorzás, osztás, hatványozás, gyökvonás, $n!$, $\binom{n}{k}$ kiszámítása, a függvénytablázatban fellelhető táblázatok helyettesítése ($\sin$, $\cos$, $\lg$, $\log$ és ezek inverzei), a π és az e szám közelítő értékének megadása, nullára rendezett másodfokú egyenlet gyökeinek meghatározása. További matematikai indoklás nélkül használhatók a számológépek bizonyos statisztikai mutatók kiszámítására (átlag, szórás) abban az esetben, ha a feladat szövege kifejezetten nem követeli meg az ezzel kapcsolatos részletszámítások bemutatását is. **Egyéb esetekben a géppel elvégzett számítások indoklás nélküli lépéseknek számítanak, azokért nem jár pont.**
12. Az **ábrák** bizonyító erejű felhasználása (például adatok leolvasása méréssel) nem elfogadható.
13. **Valószínűségek** megadásánál (ha a feladat szövege másképp nem rendelkezik) a százlékban megadott helyes válasz válasz is elfogadható.
14. Ha egy feladat szövege nem ír elő kerekítési kötelezettséget, akkor az útmutatóban megadottól eltérő, **észszerű és helyes kerekítésekkel** kapott rész- és végeredmény is elfogadható.
15. **A vizsgafeladatsor II. B részében kitűzött 3 feladat közül csak 2 feladat megoldása értékelhető**. A vizsgázó az erre a célra szolgáló négyzetben – feltéhetőleg – megjelölte annak a feladatnak a sorszámát, amelynek értékelése nem fog beszámítani az összpontszámába. Ennek megfelelően a megjelölt feladatra esetlegesen adott megoldást nem is kell javítani. Ha a vizsgázó nem jelölte meg, hogy melyik feladat értékelését nem kéri, és a választás ténye a dolgozatból sem derül ki egyértelműen, akkor a nem értékelendő feladat automatikusan a kitűzött sorrend szerinti utolsó feladat lesz.

I.

1.	$A = \{1; 2; 3; 4\}$ $B = \{1; 2; 5; 6\}$	1 pont 1 pont Összesen: 2 pont
2.	A másik befogó hossza $(\sqrt{25^2 - 24^2})7$ cm.	2 pont Összesen: 2 pont
3.	$(3 \cdot 2 \cdot 1 \cdot 2 =) 12$ megfelelő számalkotható. 4321, 4231, 3421, 3241, 2431, 2341, 4213, 4123, 2413, 2143, 1423, 1243	2 pont Összesen: 2 pont
4.	Nem igaz, mert 2022-ben 1000, 2023-ban pedig 1200 terméket (azaz 1,2-szer annyit) értékesített.	1 pont 1 pont Összesen: 2 pont
5.	$a = (4^2 =) 16$	2 pont Összesen: 2 pont
6.	A sorozat differenciája $(6 \cdot 4 =) 1,5$. A sorozat első tagja $6 - 5 \cdot 1,5 = -1,5$. A sorozat első 6 tagjának összege $S_6 = -\frac{1,5+6}{2} \cdot 6 =$ $= 13,5$.	1 pont 1 pont 1 pont Összesen: 4 pont
7.	A csúcsok száma: 7. A lapok száma: 7. Az élek száma 12.	1 pont 1 pont 1 pont Összesen: 3 pont

18. a)		
A csúcsok fokszámának összege $(6 \cdot 2 =) 12$.	1 pont	
A megadott fokszámok összege 11, tehát a hatodik csúcs fokszáma 1.	1 pont	
Egy megfelelő gráf, például: 	2 pont	
Összesen: 4 pont		
Megjegyzés: Ha a vizsgázó egy megfelelő gráf alapján helyesen adja meg a hatodik csúcs fokszámát, akkor a teljes pontszám jár.		
18. b)		
A modell szerint az átlagos hatótávolságok évről évre (kilométerben számolva) egy olyan számtani sorozat egymást követő tagjai, melynek első tagja 95, tizenharmadik tagja pedig 425.	1 pont	Ez a pont akkor is jár, ha ez a gondolat csak a megoldásból derül ki.
A sorozat differenciáját – az évenkénti növekményt – d -vel jelölve $425 = 95 + 12d$,	1 pont	
amiből $d = 27,5$.	1 pont	
Megoldandó a következő egyenlet: $95 + (n - 1) \cdot 27,5 = 1000$.	1 pont	A 2023 után eltelt évek számát m -mel jelölve $425 + m \cdot 27,5 = 1000$.
Ebből $n \approx 33,9$, azaz először a sorozat 34. tagja lesz nagyobb, mint 1000 (a 33. tag 975, a 34. tag 1002,5).	1 pont	$m \approx 20,9$
Ezzel a modellel számolva tehát 2044-ben érné el az 1000 km-t az elektromos autók átlagos hatótávolsága.	1 pont	
Összesen: 6 pont		

17. d) első megoldás	
20 – 2 = 18 rendelésben szerepelt valamelyik sütemény.	1 pont
Csak isler és zserbó (3 – 1 = 2), csak isler és krémes (6 – 1 = 5), csak krémes és zserbó (5 – 1 = 4) rendelésben szerepelt.	1 pont
Csak zserbó (9 – 7 = 2) rendelésben szerepelt.	1 pont
	
Legyen k azon rendelések száma, amelyekben csak a krémes szerepelt. Ekkor (mivel ugyanannyi rendelésben szerepelt krémes, mint isler) azok száma, amelyekben csak isler szerepelt, $k + 2$.	1 pont*
A feladat szövege alapján ekkor $k + k + 2 + 14 = 18$.	1 pont*
Ebből $k = 1$, azaz 1 olyan rendelés volt, amelyben csak a krémes szerepelt (és ez megfelel a feladat feltételeinek).	1 pont*
Összesen:	6 pont

Megjegyzés: A *-gal jelölt 3 pontot az alábbi gondolatmenetért is megkaphatja a vizsgázó.

Azon rendelések számát, amelyekben szerepelt a krémes (illetve amelyekben szerepelt az isler), jelölje x . Ekkor az islert vagy krémest tartalmazó rendelések száma $x + x - 6$, így a szöveg alapján: $2x - 6 + 2 = 18$, amiből $x = 11$.	1 pont
Ebből $11 - (5 + 1 + 4) = 1$ olyan rendelés volt, amelyben csak a krémes szerepelt (és ez megfelel a feladat feltételeinek).	1 pont

17. d) második megoldás	
20 – 2 = 18 rendelésben szerepelt valamelyik sütemény.	1 pont
Azon rendelések számát, amelyekben szerepelt a krémes (illetve amelyekben szerepelt az isler), jelölje x . Ekkor a logikai szita formula alapján $x + x + 9 - (5 + 3 + 6) + 1 = 18$.	2 pont
Az egyenlet megoldása $x = 11$.	2 pont
Így $11 - 6 - 5 + 1 = 1$ olyan rendelés volt, amelyben csak a krémes szerepelt (és ez megfelel a feladat feltételeinek).	1 pont
Összesen:	6 pont

8.	
(Az eredeti szám a 64 , $\log_2 128 = 7$	2 pont
Összesen:	2 pont
9.	
($10 \cdot 593 \cdot 0,55 = 19\,260$ -an vettek részt a szavazáson.	2 pont
Összesen:	2 pont
10.	
f, h, i	1-1 pont
Összesen:	3 pont
<i>Minden tévesen beírt betűjelért 1 pont levonás jár.</i>	
11.	
A jegyek átlaga $\left(\frac{1+5+5+5}{4}\right) = 4$.	1 pont
A szórás $\left(\sqrt{\frac{3^2+3\cdot1^2}{4}}\right) = \sqrt{3} \approx 1,73$.	2 pont
Összesen:	3 pont
12. első megoldás	
Három kockával $6^3 = 216$ -felét dobhatunk (összes eset száma).	1 pont
(A piros kockával 6-féle, a feketeivel 5-féle, a fehérrel 4-féle számot dobhatunk úgy, hogy ne legyen ismétlődés a dobott számok között.) A kedvező lehetőségek száma $6 \cdot 5 \cdot 4 = 120$.	1 pont
A keresett valószínűség $\frac{120}{216} = \frac{5}{9} \approx 0,556$.	1 pont
Összesen:	3 pont
12. második megoldás	
Például a piros kockával bármit dobhatunk. Annak a valószínűsége, hogy ekkor a fekete kockával másat dobunk, mint a pirossal: $\frac{5}{6}$.	1 pont
Annak a valószínűsége, hogy a fehér kockával másat dobunk, mint a másik kettővel: $\frac{4}{6}$.	1 pont
A keresett valószínűség $1 \cdot \frac{5}{6} \cdot \frac{4}{6} \approx 0,556$.	1 pont
Összesen:	3 pont

II. A

13. a)	
A zárójleket felbontva: $126x + 1728 + 95x - 1064 = 1990$.	1 pont
Az egyenletet rendezve: $221x = 1326$.	1 pont
$x = 6$	1 pont
Ellenőrzés behelyettesítéssel vagy ekvivalens átalakításokra hivatkozással.	1 pont
Összesen:	4 pont

13. b)	
$1896 = 2^3 \cdot 3 \cdot 79$	1 pont
$1956 = 2^2 \cdot 3 \cdot 163$	1 pont
A két szám közös osztói: $1, 2, 3, (2^2 =) 4, (2 \cdot 3 =) 6, (2^2 \cdot 3 =) 12$.	3 pont
Összesen:	5 pont

14. a) első megoldás	
A tízszög belső szögeinek összege $8 \cdot 180^\circ = 1440^\circ$.	2 pont
(A szabályos tízszög szögei egyenlők, így) egy belső szöge $(1440^\circ : 10 =) 144^\circ$ valóban.	1 pont
Összesen:	3 pont

14. a) második megoldás	
A tízszög külső szögeinek összege 360° .	1 pont
(A szabályos tízszög külső szögei egyenlők, így) egy külső szöge $(360^\circ : 10 =) 36^\circ$,	1 pont
egy belső szöge pedig $(180^\circ - 36^\circ =) 144^\circ$ valóban.	1 pont
Összesen:	3 pont

14. a) harmadik megoldás	
A tízszöget a főátlói tíz egybevágó egyenlőszárú háromszögre bontják.	1 pont
A háromszögek szárszöge $(360^\circ : 10 =) 36^\circ$.	
A háromszögek alapon fekvő szögei $((180^\circ - 36^\circ) : 2 =) 72^\circ$ -osak,	1 pont
így a tízszög egy belső szöge $(2 \cdot 72^\circ =) 144^\circ$ valóban.	1 pont
Összesen:	3 pont

16. c)	
A kör egyenlete $(x - 12)^2 + (y - 7)^2 = 225$.	2 pont
Az y tengelyen lévő pontok első koordinátája $x = 0$.	1 pont*
Megoldandó a $144 + (y - 7)^2 = 225$ egyenlet.	1 pont*
Rendezve: $y^2 - 14y - 32 = 0$.	1 pont
Az egyenlet megoldásai: $y = -2$ és $y = 16$.	2 pont
A kör a $(0; -2)$ és a $(0; 16)$ pontokban metszi az y tengelyt.	1 pont
Összesen:	8 pont

Megjegyzés: A *-gal jelölt 2 pontot az alábbi gondolatmenetért is megkaphatja a vizsgázó.	
Keressük az y tengelyen azokat a $P(0; y)$ pontokat, melyek a $(12; 7)$ ponttól 15 egység távolságra vannak.	1 pont
Felírva a két pont távolságát, megoldandó a $\sqrt{(12-0)^2 + (7-y)^2} = 15$ egyenlet.	1 pont

17. a)	
A két tészialap alapkörének sugara $r = 3$ cm,	1 pont
térfogata $2 \cdot 3^2 \cdot \pi \cdot 0,5 \approx$	1 pont
$\approx 28,3$ (cm ³).	1 pont
Összesen:	3 pont

17. b)	
A habos rész magassága $(5 - 2 \cdot 0,5 =) 4$ cm,	1 pont
térfogata 90 cm ³ .	1 pont
A habos részt alkotó henger alapkörének sugara legyen r cm, ekkor $r^2 \cdot \pi \cdot 4 = 90$.	1 pont
Ebből $r \approx 2,7$ cm.	1 pont
Az átmérő $5,4$ (cm).	1 pont
Összesen:	5 pont

17. c)	
Annak a valószínűsége, hogy egy isleren nem reped meg a csokimáz $0,97$.	1 pont
A kérdéses valószínűség $0,97^{30} \approx 0,401$.	2 pont
Összesen:	3 pont

II. B

16. a) első megoldás		
Kettő, három vagy négy függvényt választhat ki Péter a négyből.	1 pont	<i>Ez a pont akkor is jár, ha ez a gondolat csak a megoldásból derül ki.</i>
Kettőt $\binom{4}{2} = 6$ -féleképpen,	1 pont	1-2, 1-3, 1-4, 2-3, 2-4, 3-4
hármát 4-féleképpen,	1 pont	1-2-3, 1-2-4, 1-3-4, 2-3-4
négyet 1-féleképpen választhat ki.	1 pont	1-2-3-4
Összesen tehát $6 + 4 + 1 = 11$ -féleképpen választhat ki Péter legalább 2 függvényt.	1 pont	
Összesen:	5 pont	

16. a) második megoldás		
Komplementer módszerrel: az összes lehetséges esetből azoknak az eseteknek a számát kell kivonni, amelyekben legfeljebb egy függvényt választ ki.	1 pont	<i>Ez a pont akkor is jár, ha ez a gondolat csak a megoldásból derül ki.</i>
Minden függvény esetében eldöntheti Péter, hogy kiválasztja-e az adott függvényt vagy sem, tehát összesen $2^4 = 16$ választási lehetősége van.	1 pont	
Pontosan egy függvényt 4-féleképpen,	1 pont	
egyet sem 1-féleképpen választhat ki.	1 pont	
Összesen tehát $16 - 5 = 11$ -féleképpen választhat ki Péter legalább 2 függvényt.	1 pont	
Összesen:	5 pont	

16. b) első megoldás		
(A lineáris függvény grafikonja egyenes.)		
Az egyenes meredeksége $m = \left(\frac{9-7}{13-12}\right) = 2$.	2 pont	
Így $7 = 2 \cdot 12 + b$, ahonnan $b = -17$.	1 pont	$x \mapsto 2(x - 12) + 7$
A függvény hozzárendelési szabálya $x \mapsto 2x - 17$.	1 pont	
Összesen:	4 pont	

16. b) második megoldás		
(A két megadott pont illeszkedik az $y = mx + b$ egyenletű egyenesre, így) $\begin{cases} 7 = m \cdot 12 + b \\ 9 = m \cdot 13 + b. \end{cases}$	1 pont	
Innen $m = 2$,	1 pont	
majd $7 = 2 \cdot 12 + b$ miatt $b = -17$.	1 pont	
A függvény hozzárendelési szabálya $x \mapsto 2x - 17$.	1 pont	
Összesen:	4 pont	

14. b)		
A szabályos tízsög felbontható tíz olyan egyenlőszárú háromszögre, melynek alapja 10 cm, az alapon fekvő szögei pedig $(144 : 2 =) 72^\circ$ -osak.	1 pont	<i>A szárszög 36°.</i>
Egy ilyen háromszög alaphoz tartozó magasságát m -mel jelölve: $\operatorname{tg} 72^\circ = \frac{m}{5}$, amiből $m \approx 15,4$ cm.	1 pont	<i>A háromszögek szárainak hossza: $\frac{5}{\sin 18^\circ} \approx 16,2$ cm.</i>
Egy háromszög területe $\frac{10 \cdot 15,4}{2} = 77$ cm ² , azaz a tízsög területe 770 cm ² .	1 pont	<i>$16,2^2 \cdot \sin 36^\circ \approx 77$ cm²</i>
Összesen:	5 pont	

Megjegyzés: Ha a vizsgáló a szabályos n -szög területére vonatkozó képletet jól alkalmazza, és az alapján helyes választ ad, akkor a teljes pontszám jár.

14. c)		
Egy n -oldalú szabályos sokszög átlóinak a száma $\frac{n(n-3)}{2}$, így a megoldandó egyenlet $\frac{n(n-3)}{2} = 2015$.	1 pont	
Az egyenlet nullára rendezve: $n^2 - 3n - 4030 = 0$.	1 pont	
Az egyenlet gyökei 65 és -62 .	2 pont	
A sokszög 65 oldalú (ami megfelel a feladat feltételeinek).	1 pont	
Összesen:	5 pont	

15. a) első megoldás	
Jelölje az almálé deciliterenkénti egységárát forintban a , a baracklé egységárát pedig b . Ekkor a feladat szövege alapján: $\begin{cases} 3a + 5b = 1010 \\ 5a + 3b = 990. \end{cases}$	1 pont
Az első egyenletből $b = \frac{1010 - 3a}{5}$.	1 pont
Ezt a második egyenletbe helyettesítve, és az egyenlet mindkét oldalát 5-tel szorozva: $25a + 3030 - 9a = 4950$.	1 pont
Innen $a = 120$ (1 dl almálé ára 120 Ft), $b = \left(\frac{1010 - 3 \cdot 120}{5}\right) = 130$ (1 dl baracklé ára 130 Ft).	1 pont
Ellenőrzés a szövegbe helyettesítéssel: $3 \cdot 120 + 5 \cdot 130 = 1010$ és $5 \cdot 120 + 3 \cdot 130 = 990$.	1 pont
Összesen:	6 pont

15. a) második megoldás	
A szöveg alapján 8 dl almálé és 8 dl baracklé összesen 1010 + 990 = 2000 Ft-ba kerül, tehát 1 dl almálé és 1 dl baracklé ára összesen 250 Ft.	1 pont
Ha 1 dl almálé ára a Ft, akkor $3a + 5(250 - a) = 1010$.	1 pont*
Innen $a = 120$ (1 dl almálé ára 120 Ft),	1 pont*
és $250 - 120 = 130$ (Ft) 1 dl baracklé ára.	1 pont*
Ellenőrzés a szövegbe helyettesítéssel: $3 \cdot 120 + 5 \cdot 130 = 1010$ és $5 \cdot 120 + 3 \cdot 130 = 990$.	1 pont*
Összesen:	6 pont

Megjegyzés: A *-gal jelölt 4 pontot az alábbi gondolameneréért is megkaphatja a vizsgázó.

Ezért 3 dl almálé és 3 dl baracklé ára összesen 750 Ft.	1 pont
Vagyis 2 dl baracklé ára $1010 - 750 = 260$ Ft,	1 pont
azaz 1 dl baracklé ára 130 (Ft).	1 pont
1 dl almálé ára pedig $250 - 130 = 120$ (Ft).	1 pont

15. a) harmadik megoldás	
3 dl almálé és 5 dl baracklé 20 Ft-tal többbe kerül, mint 5 dl almálé és 3 dl baracklé,	1 pont
azaz 2 dl baracklé 20 Ft-tal kerül többbe, mint 2 dl almálé.	1 pont
Tehát 1 dl baracklé 10 Ft-tal kerül többbe, mint 1 dl almálé,	1 pont
így 8 dl almálé ára $990 - 30 = 960$ Ft.	1 pont
Ebből 1 dl almálé ára 120 (Ft),	1 pont
és $120 + 10 = 130$ (Ft) 1 dl baracklé ára.	1 pont
Összesen:	6 pont

15. b) első megoldás	
A pincér az italokat ($3! = 6$ -féleképpen oszthatja ki (összes eset száma).	1 pont
Ezek közül 2 esetben fordul elő, hogy senki sem a saját maga által rendelt italt kapja: A-b, B-c és C-a vagy A-c, B-a és C-b.	2 pont
A kérdezett valószínűség tehát $\frac{2}{6} \cdot \frac{1}{3} = \frac{1}{9}$.	1 pont
Összesen:	4 pont

15. b) második megoldás	
Ha a pincér először Annának szolgálja fel az italt, akkor annak a valószínűsége, hogy ő nem azt kapja, amit rendelt $\frac{2}{3}$.	1 pont
Ezután – akár az almálé és a baracklé, akár az almálé és a citromos tea a megmaradt két ital – annak a valószínűsége $\frac{1}{2}$, hogy sem Bella, sem Cili nem a saját italát kapja. (A két lehetséges kiosztás közül mindig az egyik kedvező. Pl. A-b esetén a B-c/C-a kiosztás kedvező, a B-a/C-c kiosztás nem.)	2 pont
A kérdezett valószínűség tehát $\frac{2}{3} \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{3}$.	1 pont
Összesen:	4 pont

15. c)				
	Igaz	Hamis	Nem lehet eldönteni	1-1 pont
Az adatok terjedelme 7000 Ft.		X		
A kifizetett összegek átlaga 3500 Ft.			X	
A kifizetett összegek kb. 25%-a legalább 4000 Ft volt.	X			
Volt olyan asztal, ahol 2500 Ft-ot fizettek.			X	
Összesen:				4 pont